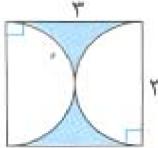


۱- محیط بخش رنگی شکل زیر چند سانتیمتر است؟ (عدد پی را π در نظر بگیرید).



» پاسخ «

محیط بخش رنگی برابر با محیط دو نیم‌دایره کامل می‌شود به اضافهٔ دو ضلع مریع است.

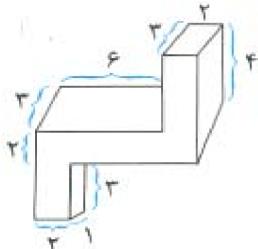
$$\left. \begin{array}{l} 6 + 6 = 12 = \text{محیط بخش رنگی} \\ 2 \times 3 = 6 = \text{دو ضلع مریع} \end{array} \right\} \quad \begin{array}{l} 3 \times 3 = 9 = \text{قطر دایره} \\ \Rightarrow \pi \times 3 = 3\pi = \text{محیط دایره} \end{array}$$

۲- الف) گزایش یک پارچ ۱ لیتر است. اگر لیوانی ۲۰۰ سی‌سی گزایش داشته باشد، چند مرتبه باید لیوان را پر کرده و در پارچ بربیزیم تا پر شود؟
ب) یک پارچ و ۲ لیوان با هم چند سانتی‌مترمکعب گزایش دارند؟

» پاسخ «

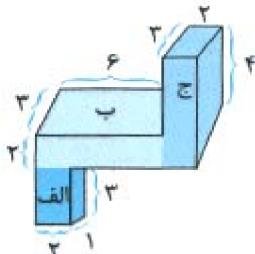
الف) مرتبه باید لیوان پر شود. $1000 \div 200 = 5 \Rightarrow 5 \text{ سی‌سی} = 1 \text{ لیتر}$
ب) ۱۰۰۰ سانتی‌متر مکعب = ۱ لیتر و ۲۰۰ سانتی‌مترمکعب = ۲ سی‌سی
سانتی‌مترمکعب = $2 \times 200 = 400$ گنجایش یک پارچ و ۲ لیوان

۳- حجم شکل زیر چند سانتی‌متر مکعب است؟ (اندازه‌های روی شکل بر حسب سانتی‌متر هستند).

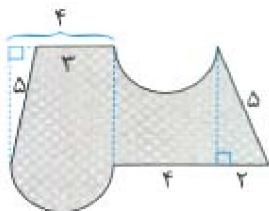


» پاسخ «

$$\begin{aligned} \text{حجم (ج)} + \text{حجم (ب)} + \text{حجم (الف)} &= \text{حجم شکل} \\ &= (1 \times 2 \times 3) + (2 \times 6 \times 3) + (1 \times 2 \times 4) \\ &= 6 + 36 + 24 = 66 \text{ سانتی‌متر مکعب} \end{aligned}$$



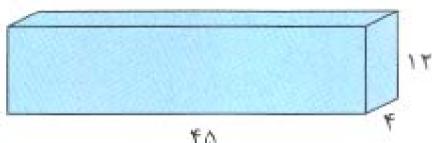
۴- با فرض عدد پی برابر با π ، محیط قسمت رنگ شده چند سانتی متر است؟ (اندازه های روی شکل بر حسب سانتی متر هستند).



پاسخ »

$$\text{سانتی متر} \quad \text{محیط شکل} = 5 + 2 + 4 + \left(\frac{4 \times 3}{2} \right) + 5 + 3 + \left(\frac{4 \times 3}{2} \right) = 31$$

۵- الف) ۲ م مکعب مستطیل زیر چند سانتی متر مربع است؟ (اندازه های روی شکل بر حسب سانتی متر هستند).



ب) چه تعداد جعبه های به ابعاد $18 \times 3 \times 4$ سانتی متر در این مکعب مستطیل جا می شود؟

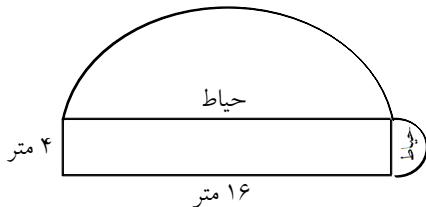
پاسخ »

$$\text{الفا) سانتی متر مکعب} \quad 45 \times 4 \times 12 = 2160 = \text{حجم مکعب مستطیل}$$

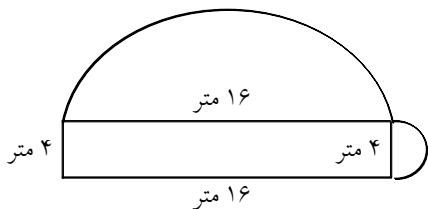
$$\text{ب) سانتی متر مکعب} \quad 18 \times 3 \times 4 = 216 = \text{حجم یک جعبه}$$

$$2160 \div 216 = 10$$

۶- خانه‌ی یاسمن مطابق شکل زیر ۲ حیاط نیم‌دایره‌ای دارد. محیط کل حیاط‌های خانه‌ی او چند کتر است؟ (عدد پی را در نظر بگیرید).



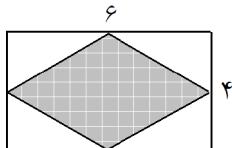
پاسخ »



$$\text{قطر نیم‌دایره‌ی کوچک} + \text{نصف محیط دایره‌ای به قطر ۴} + \text{قطر نیم‌دایره‌ی بزرگ} + \text{نصف محیط دایره‌ای به قطر ۱۶} = \text{محیط کل حیاطها}$$

$$\text{متر} = \frac{16 \times 3}{2} + 16 + \frac{4 \times 3}{2} + 4 = 24 + 16 + 6 + 4 = 50$$

۷- مساحت قسمت رنگی شکل زیر را به دست آورید.

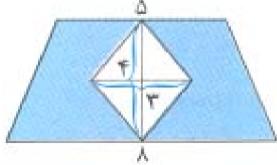


پاسخ »

$$\text{مساحت مستطیل} = 4 \times 6 = 24$$

$$\text{نصف مساحت مستطیل} = \frac{4 \times 6}{2} = 12 = \text{مساحت لوزی داخل مستطیل} = \text{مساحت قسمت رنگی}$$

۸- مساحت قسمت رنگی شکل زیر را به دست آورید.



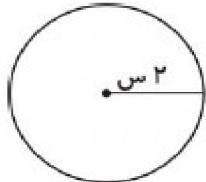
پاسخ »

$$\text{مساحت ذوزنقه} = \frac{(5+8) \times 4}{2} = 26$$

$$\text{مساحت لوزی داخل ذوزنقه} = \frac{4 \times 3}{2} = 6$$

$$\text{مساحت قسمت رنگی} = 26 - 6 = 20$$

۹- مساحت دایره‌ی زیر را به دست آورید.



پاسخ »

$$\text{مساحت دایره} = 3/14 \times \text{شعاع} \times \text{شعاع}$$

$$\text{مساحت دایره} = 12/56 = 2 \times 2 \times 3/14 = 12/56$$

۱۰- در هر لیوان $1/25$ لیتر آب جا می‌گیرد. اگر یک پارچ با 4 لیوان آب پر شود:

(الف) برای پر کردن پارچ، چند لیتر آب نیاز داریم؟

(ب) اگر پارچ دارای $2/32$ لیتر آب باشد، چقدر آب لازم است تا پارچ کاملاً پر شود؟

پاسخ »

(الف)

$$\begin{array}{r} 1/25 \\ \times \quad 4 \\ \hline 5/00 \end{array}$$

لیتر

(ب)

$$\begin{array}{r} 4/1/1/1/0/ \\ \times \quad 2/3/2 \\ \hline 2/6/8 \end{array}$$

لیتر

۱۱- پاسخ مناسب را مشخص کنید.

(الف) متوازی الاضلاع خط تقارن ندارد. (ص - غ)

(ب) فاصله‌ی بین شهرها را با واحدی به نام کیلومترمربع اندازه‌گیری می‌کنند. (ص - غ)

(ج) خطی که شکل را به دو قسمت متساوی تقسیم می‌کند به طوری که دو قسمت بر هم منطق باشند، خط تقارن نام دارد. (ص - غ)

(د) یک سی سی گن مایش مکعبی توخالی به ابعاد ۱۰ سانتی‌متر است. (ص - غ)

» پاسخ «

الف) صحیح است.

ب) غلط است. فاصله‌ی بین شهرها را با وسیله‌ای به نام کیلومترشمار اندازه‌گیری می‌کنند.

ج) صحیح است.

د) غلط است. یک سی سی گن مایش مکعبی توخالی به ابعاد ۱ سانتی‌متر است.

۱۲- برای تهیه نوعی شربت به ۴ لیتر آب و $\frac{3}{5}$ لیتر آبمیوه و $\frac{1}{5}$ لیتر آبلیمو نیاز داریم.

(۱) آیا یک ظرف $\frac{4}{5}$ لیتری برای تهیه این شربت کافی است؟

(۲) $\frac{1}{5}$ کل این شربت چند سی سی است؟

(۳) اگر این مقدار شربت را در ۷ بطری یکسان بریزیم $\frac{1}{5}$ شربت هر بطری چند سی سی خواهد شد؟

» پاسخ «

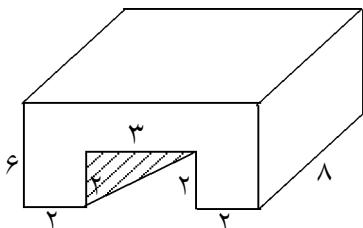
$$1) (4 + \frac{3}{5}) + \frac{1}{5} = 4\frac{3}{5} + \frac{1}{5} = 4\frac{5}{10} + \frac{1 \times 2}{5 \times 2} = 4\frac{5}{10} + \frac{2}{10} = 4\frac{7}{10} = 4\frac{7}{10}$$

خیر مقدار شربت بیش از $\frac{4}{5}$ لیتر است.

$$2) \text{سی سی } 4\frac{7}{10} \times 1000 = 7700$$

در هر بطری ۱۱۰۰ سی سی جای می‌گیرد. $7700 \div 7 = 1100$

۱۳- $\frac{1}{5}$ شکل؟



» پاسخ «

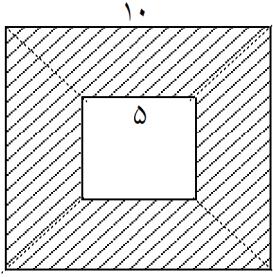
$$\text{طول مکعب } 2 + 3 + 2 = 7$$

$$\text{حجم کل } 8 \times 7 \times 6 = 336$$

$$\text{حجم مکعب کوچک } 3 \times 2 \times 8 = 48$$

$$\text{حجم شکل } 336 - 48 = 288$$

۱۴- مساحت قسمت رنگی؟



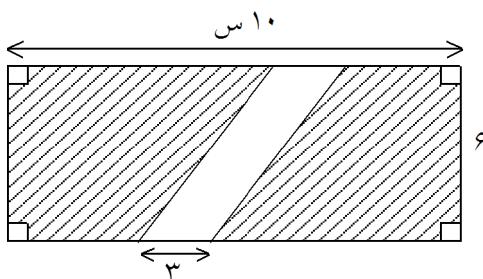
پاسخ »

$$\text{سانتی متر مربع } 10 \times 10 = 100 = \text{مساحت مربع بزرگ}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 5 \times 5 = 25 = \text{مساحت مربع کوچک}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 100 - 25 = 75 = \text{مساحت رنگی}$$

۱۵- مساحت قسمت رنگی شکل را حساب کنید.



پاسخ »

$$\text{ارتفاع خارج متوازی الاضلاع} = 6 \text{ سانتی متر}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 10 \times 6 = 60 = \text{مساحت مستطیل}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 6 \times 3 = 18 = \text{مساحت متوازی الاضلاع}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 60 - 18 = 42 = \text{مساحت رنگی}$$

۱۶- هر جمله را با یکی از کلمه‌های همیشه، هیچ وقت یا گاهی کامل کنید.

- (۱) قطرهای مربع با هم برابرند.
- (۲) ضلعهای ذوزنقه دو به دو با هم موازیند.
- (۳) دو تا ضلعهای ذوزنقه مساویند.
- (۴) می‌توانیم ذوزنقه‌ای با سه زاویه‌ی راست رسم کنیم.

پاسخ »

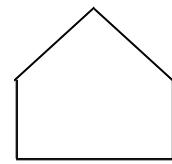
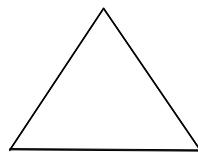
(۱) همیشه

(۲) هیچ وقت

(۳) گاهی

(۴) هیچ وقت

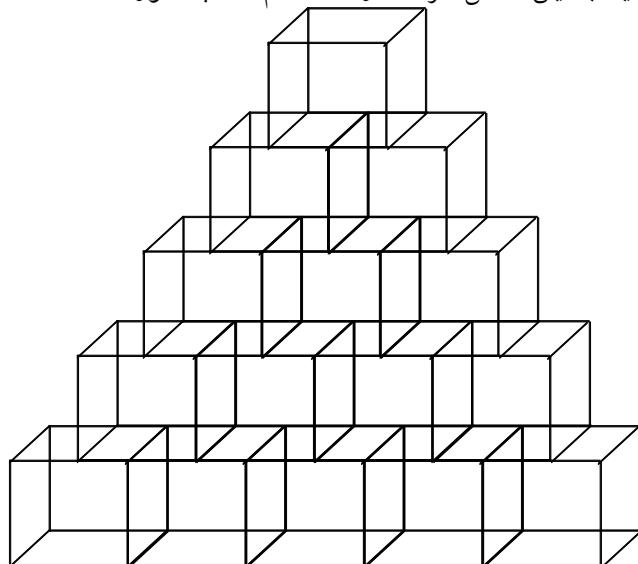
۱۷- حسین و محمد و علی هر کدام با یک تکه نخ 50 سانتی‌متری شکل‌های زیر را ساختند. محیط کدام شکل بیشتر است؟ چرا؟



» پاسخ «

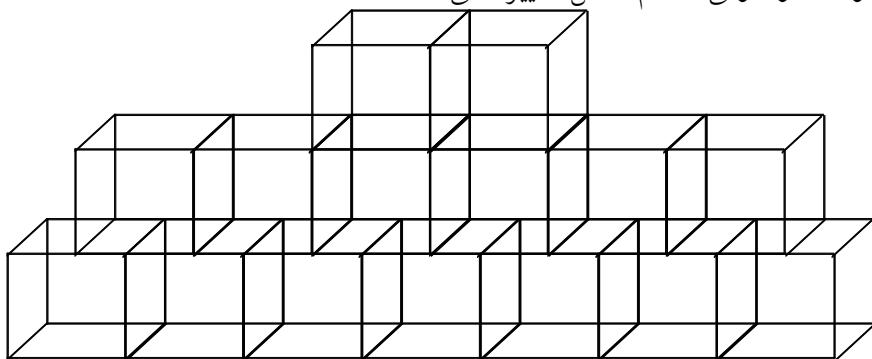
محیط همهٔ شکل‌ها مساوی است. چون با تکه نخ 50 سانتی‌متری هر نوع شکل را بسازیم محیط همهٔ برابر 50 سانتی‌متر خواهد بود.

۱۸- سارا 15 چینه (مکعب) را به این شکل روی هم چیده است. شما هم 15 مکعب (چینه) بردارید و آن‌ها را روی هم بچینید. آیا شکلی که شما ساخته‌اید با این شکل فرق دارد؟ حتماً آن چه طور؟



» پاسخ «

شکل و نوع چینش تفاوت دارد ولی حتماً شکل تغییر نمی‌کند.



۱۹- جاهای خالی را کامل کنید.

- (۱) یک متر مکعب، گز ایش مکعبی تو خالی به ابعاد است.
- (۲) یک سانتی متر مکعب، گز ایش مکعبی تو خالی به ابعاد است.
- (۳) یک دسی متر مکعب، گز ایش مکعبی تو خالی به ابعاد است.
- (۴) یک لیتر = سانتی متر مکعب است.

» پاسخ «

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم}$$

$$(1) 1 \text{ متر} \times 1 \text{ متر} \times 1 \text{ متر}$$

$$(2) 1 \text{ سانتی متر} \times 1 \text{ سانتی متر} \times 1 \text{ سانتی متر}$$

$$(3) 1 \text{ دسی متر} \times 1 \text{ دسی متر} \times 1 \text{ دسی متر}$$

$$(4) 1000 \text{ سانتی متر مکعب}$$

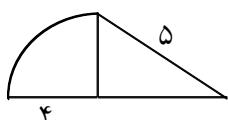
۲۰- جدول زیر را کامل کنید.

شعاع دایره	قطر دایره	محیط دایره
۱ سانتی متر		
	۸ سانتی متر	
	۲ متر	

» پاسخ «

شعاع دایره	قطر دایره	محیط دایره
۱ سانتی متر	$1 \times 2 = 2$	$2 \times \pi / 14 = 6 / 28$
$8 \div 2 = 4$	۸ سانتی متر	$8 \times \pi / 14 = 25 / 12$
$2 \div 2 = 1$	۲ متر	$2 \times \pi / 14 = 6 / 28$

۲۱- محیط شکل رو به رو را حساب کنید.



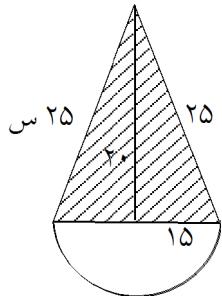
» پاسخ «

$$\text{قطر} = 8$$

$$\text{محیط دایره} = \frac{1}{4} \times \pi \times 3 / 14 = 6 / 28$$

$$\text{محیط شکل} = 6 / 28 + 4 + 4 + 5 = 19 / 28$$

۲۲- مساحت قسمت رنگ شده را حساب کنید.

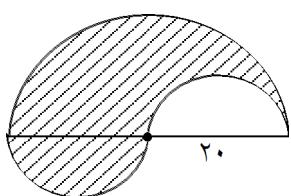


«پاسخ»

قسمت رنگ شده مثلث متساوی الساقین است.

$$\text{مساحت} = \frac{\text{ارتفاع} \times \text{قاعدہ}}{2}$$

$$\text{مساحت} = \frac{25 \times 15}{2} = 150 \text{ سانتی متر مربع}$$



۲۳- محیط شکل؟

«پاسخ»

عدد ۲۰ شعاع دایره بزرگ و قطر دایره کوچک است.

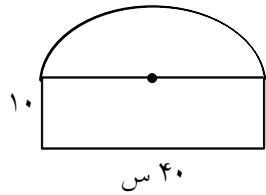
$$\text{محیط نیم دایره کوچک} = \frac{20 \times \pi / 2}{2} = 31/40 \pi$$

$$\text{قطر دایره بزرگ} = 20 \times 2 = 40$$

$$\text{محیط نیم دایره بزرگ} = \frac{40 \times \pi / 2}{2} = 62/80 \pi$$

$$\text{محیط شکل} = 62/80 \pi + 31/40 \pi + 20 = 114/20 \pi + 20$$

۲۴- محیط شکل زیر چند سانتی‌متر است؟



پاسخ »

قطر نیم‌دایره ۴۰ سانتی‌متر است.

$$\frac{\text{محیط نیم دایره}}{2} = \frac{\frac{2\pi}{2} \times \frac{3}{14} \times 40}{2} = \frac{62}{80}$$

$$\text{محیط شکل سانتی‌متر} = \frac{62}{80} + 10 + 40 + 10 = 122/80$$

۲۵- شهرداری شهر قم می‌خواهد دور میدانی به شعاع ۳۰ متر را جدول سیمانی بسازد. اگر مخارج هر متر جدول سیمانی ۸۰۰ تومان باشد. هزینه‌ی جدول‌سازی دور این میدان چه قدر می‌شود؟

پاسخ »

$$\text{قطر} = 30 \times 2 = 30$$

$$\text{محیط میدان} = 60 \times \frac{3}{14} = 188/40$$

$$\text{هزینه‌ی جدول سازی} = 188/4 \times 8000 = 1507200$$

۲۶- جهاد کشاورزی در یک روستا منبع آبی ساخته که شعاع دایره‌ای کف آن ۶ متر است. محیط دایره‌ای کف این منبع آب چند متر است؟

پاسخ »

$$\text{محیط} = \frac{3}{14} \times \text{قطر}$$

$$\text{قطر} = 2 \times 6 = 12$$

$$\text{متر محیط کف منبع} = 12 \times \frac{3}{14} = 37/67$$

۲۷- حجم مکعبی ۳۰ سانتی‌متر مکعب است. اگر ارتفاع ۲ سانتی‌متر و عرض ۳ سانتی‌متر باشد طول این مکعب چند سانتی‌متر است؟

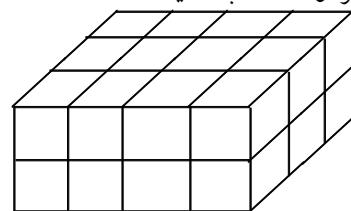
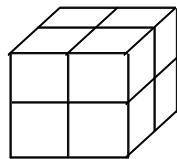
پاسخ »

$$\text{حجم} = \text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول}$$

$$30 = ? \times 3 \times 2$$

$$\text{طول مکعب سانتی‌متر} = 30 \div 6 = 5$$

-۲۸- هر یک از اجسام زیر را حساب کنید.



» بازخ «

شکل سمت چپ:

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم}$$

$$2 \times 2 \times 2 = 8$$

سانتی متر مکعب

$$2 \times 3 \times 4 = 24$$

سانتی متر مکعب

شکل سمت راست:

-۲۹- در جاهای خالی عدد مناسب بنویسید.

$$5 \text{ سی سی} = \dots \text{ لیتر}$$

$$8 \text{ لیتر} = \dots \text{ سی سی}$$

$$12000 \text{ سانتی متر مکعب} = \dots \text{ لیتر}$$

$$20 \text{ سی سی} = \dots \text{ لیتر}$$

» بازخ «

لیتر	1	0.1005
سی سی	1000	(5)
لیتر	1	8
سی سی	1000	(8000)
لیتر	1	(12)
سی سی	1000	12000
لیتر	1	20
سی سی	1000	(0.020)

-۳۰ - م مکعب مستطیلی ۴۸ سانتی‌متر مکعب است. اگر طول آن ۶ و عرض ۴ سانتی‌متر باشد ارتفاع این مکعب مستطیل چند سانتی‌متر است؟

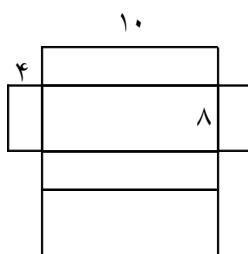
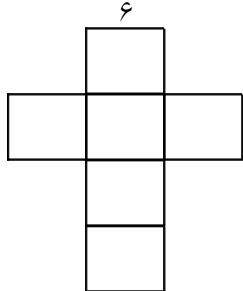
پاسخ »

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم}$$

$$48 = 6 \times 4$$

$$\text{ارتفاع} = 48 \div 24 = 2$$

-۳۱ - م مکعب‌های زیر چند سانتی‌متر مکعب است؟ تفاوت این دو م م چه قدر است؟

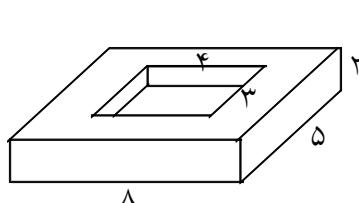


پاسخ »

$$\text{حجم مکعب سانتی‌متر} = 6 \times 6 \times 6 = 216$$

$$\text{حجم مکعب مستطیل} = 10 \times 10 \times 10 = 1000$$

$$\text{تفاوت حجم دو شکل} = 1000 - 216 = 784$$



-۳۲ - م شکل چند سانتی‌متر مکعب است؟

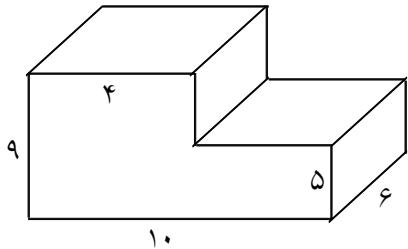
پاسخ »

$$\text{حجم مکعب بزرگ} = 8 \times 5 \times 8 = 320$$

$$\text{حجم مکعب کوچک} = 4 \times 3 \times 2 = 24$$

$$\text{حجم شکل} = 320 - 24 = 296$$

۳۳- م^3 شکل زیر چند سانتی‌متر مکعب است؟



پاسخ »

$$\text{سانتی متر مکعب} = 5 \times 6 \times 10 = 300 = \text{حجم مکعب}$$

$$\text{سانتی متر مکعب} = 9 \times 4 \times 5 = 90 = \text{حجم مکعب}$$

$$\text{حجم شکل} = 300 + 90 = 390$$

۳۴- مخزنی است به شکل مکعب که هر بُعد آن ۱۰۰ سانتی‌متر است. گذایش این مخزن چند لیتر است؟

در صورتی که $\frac{3}{5}$ این مخزن پر باشد چند لیتر آب در این مخزن وجود دارد؟ چند لیتر دیگر آب داخل مخزن بریزیم تا پر شود؟

پاسخ »

$$\text{سانتی متر مکعب} = 100 \times 100 \times 100 = 1000000 = \text{حجم}$$

$$\text{لیتر} = 1000000 \div 1000 = 1000$$

$$1000 \times \frac{3}{5} = \frac{3000}{5} = 600 \text{ لیتر آب دارد.}$$

$$1000 - 600 = 400 \text{ لیتر آب لازم است.}$$

۳۵- جمله‌های زیر را کامل کنید.

(۱) آب مصرفی خانه‌ها را با واحدی به نام اندازه‌گیری می‌کنند.

(۲) یک سی سی آب تقریباً قطره آب است.

(۳) یک سانتی مکعب، گذایش مکعبی است توخالی که اندازه‌ی هر بُعد آن متر می‌باشد.

(۴) یک لیتر گذایش مکعبی توخالی است که هر بعد آن باشد.

پاسخ »

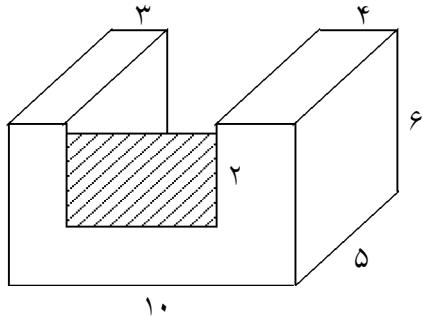
(۱) متر مکعب

(۲) ۳۰ قطره

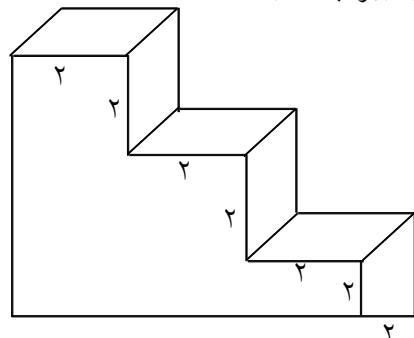
(۳) یک متر

(۴) ده سانتی‌متر

۳۶- حجم شکل‌های زیر چه قدر است؟



۱۰



پاسخ »

$$4 \times 6 \times 5 = 120$$

$$5 \times 2 \times 3 = 30$$

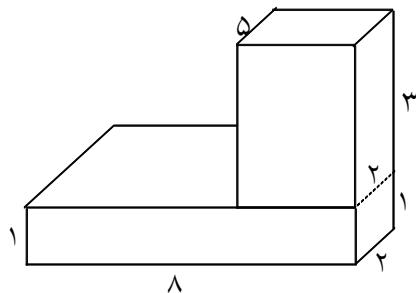
$$3 \times 5 \times 6 = 90$$

$$\text{حجم شکل سمت چپ} = 120 + 30 + 90 = 240$$

$$\text{حجم مکعب} = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

$$\text{حجم شکل سمت راست} = 6 \times 8 = 48$$

۳۷- حجم شکل زیر چند سانتی‌متر مکعب است؟



پاسخ »

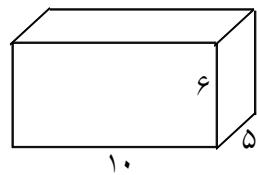
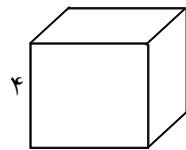
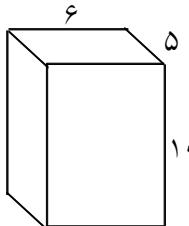
می‌توان شکل را به یک مکعب مستطیل تبدیل کرد و حجم آنرا حساب کرد و یا حجم هر مکعب را حساب کرده با هم جمع می‌کنیم.

$$\text{حجم} = 3 \times 5 \times 2 = 30$$

$$\text{حجم} = 1 \times 2 \times 8 = 16$$

$$\text{حجم شکل} = 46$$

-۳۸- هر شکل را پیدا کنید و بنویسید.



پاسخ »

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم}$$

$$\text{حجم شکل سمت راست} = 6 \times 5 \times 10 = 300$$

$$\text{حجم شکل وسط} = 4 \times 4 \times 4 = 64$$

$$\text{حجم شکل سمت چپ} = 6 \times 5 \times 10 = 300$$

-۳۹- جاهای خالی را با عدد یا کلمه‌ی مناسب پر کنید.

(۱) هر دایره مرکز قطر شعاع دارد.

(۲) قطر برابر شعاع است.

(۳) شعاع برابر قطر است.

(۴) محیط دایره =

پاسخ »

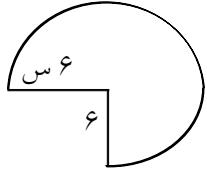
(۱) یک مرکز خیلی زیاد شعاع و خیلی زیاد قطر دارد.

(۲) قطر ۲ برابر شعاع است.

(۳) شعاع $\frac{1}{2}$ برابر قطر است.

(۴) قطر $\times 14/3$

۴۰- محیط شکل چند سانتی متر است؟ ابتدا جاهای خالی را پر کنید.



$$\text{محیط شکل} = +$$

پاسخ »

$$\text{مجموع دو شعاع} + \frac{3}{4} \text{ دایره} = \text{محیط شکل}$$

$$6 \times 2 = 12$$

$$12 \times \frac{3}{4} = 37/68$$

$$\frac{37}{68} \times \frac{3}{4} = \frac{113/04}{4} = 28/26$$

$$\text{محیط شکل} = 28/26 + 6 + 6 = 40/26$$