

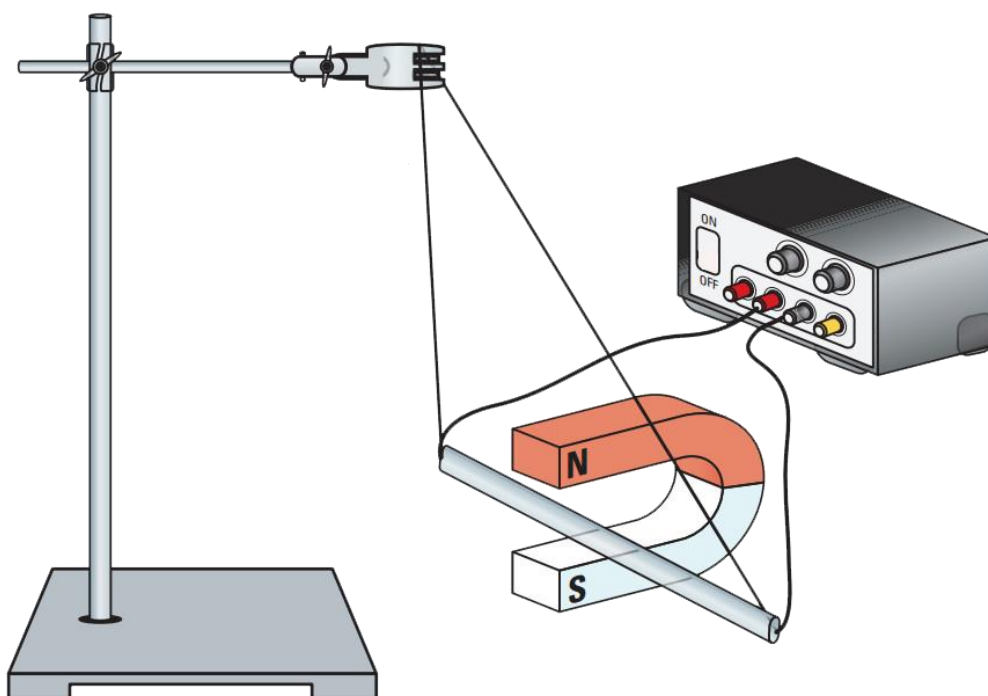
کنکور سراسری رشته ریاضی ۹۵ داخل کشور

سوالات همراه با پاسخ های کاملا تشریحی

درس فیزیک

کاری از :

رسول گلستانه و نعیمه شادمهر



۱۵۶- متحرکی از حالت سکون از مبدا مختصات با شتاب ثابت $a = \vec{i} + 2\vec{j}$ به حرکت در می آید بردار مکان آن در لحظه $t = 4$ s کدام است (کمیت ها در SI هستند)

$\vec{r} = 4\vec{i} + 16\vec{j}$ (۴) $\vec{r} = 4\vec{i} + 12\vec{j}$ (۳) $\vec{r} = 8\vec{i} + 12\vec{j}$ (۲) $\vec{r} = 8\vec{i} + 16\vec{j}$ (۱)

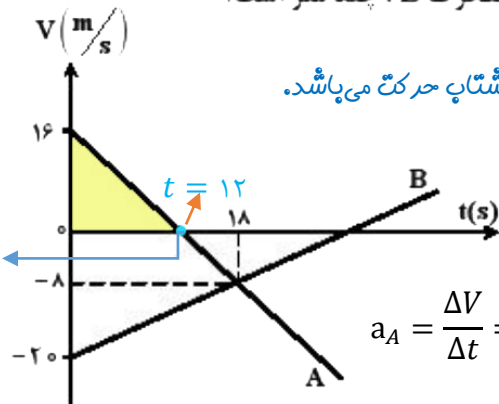
توجه: چون متحرک از مبدا مختصات شروع به حرکت کرده لذا مکان اولیه و سرعت اولیه آن صفر خواهد بود.

$$\vec{r} = xi + yj = \left(\frac{1}{2}a_x t^2 + V_{0x}t + x_0\right)i + \left(\frac{1}{2}a_y t^2 + V_{0y}t + y_0\right)j$$

$$\vec{r} = \left(\frac{1}{2} \times 1 \times 16 + 0 + 0\right)i + \left(\frac{1}{2} \times 2 \times 16 + 0 + 0\right)j \rightarrow r = 8\vec{i} + 16\vec{j}$$

۱۵۷- نمودار سرعت - زمان دو متحرک A و B که روی محور x حرکت می کنند، مطابق شکل زیر است. در مدتی که متحرک A در جهت محور x حرکت کرده است، بزرگی جابه جایی متحرک B، چند متر است؟

تا این لحظه سرعت متحرک A مثبت می باشد



توجه: در نمودار سرعت زمان شیب نمودار برابر شتاب حرکت می باشد.

۱۸۶ (۱)

۱۹۲ (۲)

۲۰۰ (۳)

۲۲۸ (۴)

$$a_A = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{-8 - 16}{18} = -\frac{24}{18} = -\frac{4}{3} \Rightarrow \frac{0 - 16}{t} = -\frac{4}{3} \Rightarrow t = 12 \text{ s}$$

$$a_B = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{-8 - (-20)}{18} = \frac{12}{18} = \frac{2}{3} \Rightarrow \Delta x_B = \frac{1}{2} a_B t^2 + V_{0B} t = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times 12^2 - 20 \times 12 = -192$$

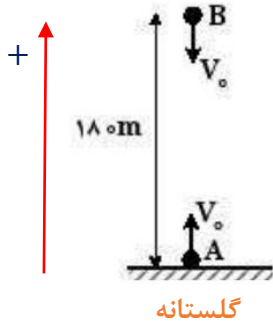
$$|\Delta x_B| = 192$$

توجه: از سطح زیر نمودار هم میتوانستیم برای محاسبه جابجایی استفاده کنیم.



۱۵۸- دو گلوله A و B با سرعت‌های اولیه $30 \frac{m}{s}$ مطابق شکل زیر، هم‌زمان پرتاب می‌شوند. از لحظه پرتاب تا لحظه‌ای که دو گلوله از کنار هم عبور می‌کنند، جابه‌جایی گلوله A چند برابر بزرگی جابه‌جایی گلوله B است؟ (از مقاومت

هوا صرف‌نظر شود. $(g = 10 \frac{m}{s^2})$



حذف کنیم (و در همان ابتدا... چرا؟ چون جابه‌جایی متحرک B حتماً از متحرک A بیشتر هست. پس نسبت جابه‌جایی گلوله A به جابه‌جایی گلوله B حتماً از یک کوچکتر هست.

- ۲ (۱)
- ۱ (۲)
- $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۳)
- $\frac{1}{3}$ (۴)

$$V_{نسبی} = 30 + 30 = 60$$

ابتدا از سرعت نسبی زمان رسیدن دو گلوله به یکدیگر را محاسبه می‌کنیم.

$$a_{نسبی} = g - g = 0 \rightarrow$$

بنابراین حرکت نسبی این دو گلوله یک حرکت راست خط یکنواخت است:

$$\Delta y_{نسبی} = 60t \Rightarrow t = 3s \Rightarrow \begin{cases} \Delta y_A = -\frac{1}{2}gt^2 + V_{0A}t = -5 \times 9 + 30 \times 3 = 45m \\ \Delta y_B = -\frac{1}{2}gt^2 - V_{0B}t = -5 \times 9 - 30 \times 3 = -135m \end{cases} \Rightarrow \left| \frac{\Delta y_A}{\Delta y_B} \right| = \frac{45}{135} = \frac{1}{3}$$

روش دوم: (روش قبل هم خلاصه شده همین روش هست و تقریباً در یک مرحله متفاوت هستند بقیه مراحل کاملاً یکسان هست): در لحظه‌ای که دو متحرک به هم می‌رسند باید مجموع اندازه جابه‌جایی آنها ۱۸۰ متر باشد. توجه شود که جابه‌جایی متحرک B منفی می‌باشد چون در خلاف محور جابجا شده است.

$$|\Delta y_A| + |\Delta y_B| = 180 \rightarrow \left| -\frac{1}{2}gt^2 + V_0t \right| + \left| -\frac{1}{2}gt^2 - V_0t \right| = 180 \Rightarrow 60t = 180 \Rightarrow t = 3$$

$$t = 3s \Rightarrow \begin{cases} \Delta y_A = -\frac{1}{2}gt^2 + V_{0A}t = -5 \times 9 + 30 \times 3 = 45m \\ \Delta y_B = -\frac{1}{2}gt^2 - V_{0B}t = -5 \times 9 - 30 \times 3 = -135m \end{cases} \Rightarrow \left| \frac{\Delta y_A}{\Delta y_B} \right| = \frac{45}{135} = \frac{1}{3}$$



۱۵۹- مسیر حرکت دو پرتابه که با سرعت اولیه یکسان، هم‌زمان از لبه پرتگاهی پرتاب شده‌اند، مطابق شکل زیر است.

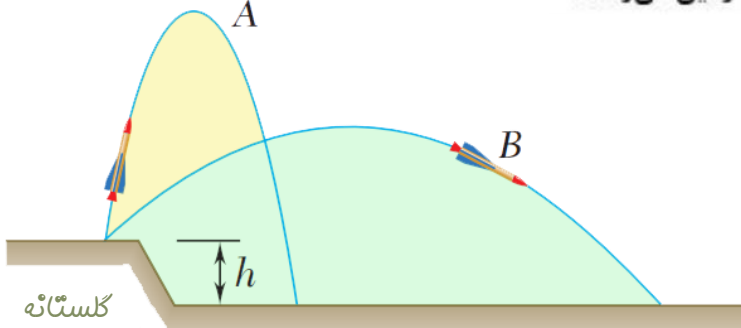
با نادیده گرفتن مقاومت هوا، کدام پرتابه زودتر به زمین می‌رسد؟

A (۱)

B (۲)

(۳) به h بستگی دارد.

(۴) هم‌زمان به زمین می‌رسند.



با استفاده از رابطه مستقل از زمان سرعت مولفه قائم هر گلوله هنگام رسیدن به زمین از رابطه مقابل بدست می‌آید:

$$V^2 - V_0^2 = 2gh \Rightarrow (V - V_0)(V + V_0) = 2gh \Rightarrow \Delta V_y = \frac{2gh}{(V + V_0)_y}$$

توجه شود که مولفه قائم سرعت گلوله A هنگام برخورد به زمین بیشتر هست... چرا؟ چون سرعت اولیه اش در راستای قائم بیشتر بوده $\Rightarrow (V_{yA} > V_{yB}) \Rightarrow (V + V_0)_{yA} > (V + V_0)_{yB}$

هم چنین می‌دانیم که حرکت با شتاب ثابت است. پس شتاب متوسط هر دو گلوله باید یکسان باشد. به مراحل زیر دقت شود:

$$\frac{\Delta V_{yA}}{\Delta t_A} = \frac{\Delta V_{yB}}{\Delta t_B} \Rightarrow \frac{\Delta V_{yA}}{\Delta V_{yB}} = \frac{\Delta t_B}{\Delta t_A} = \frac{\left(\frac{2gh}{(V + V_0)_A}\right)}{\left(\frac{2gh}{(V + V_0)_B}\right)} = \frac{(V + V_0)_B}{(V + V_0)_A} < 1$$

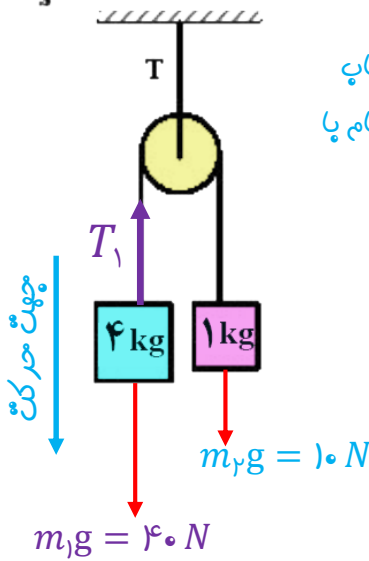
بنابراین مدت زمان حرکت گلوله B کمتر است؛ بنابراین گلوله B اول به زمین می‌رسد.

توجه: با استفاده از حالت خاص خیلی سریعتر به جواب می‌رسیدیم... فرض کنید ارتفاع h برابر صفر باشد... در این حالت کاملاً واضح است که گلوله B زمان حرکتش کمتر بوده و سریعتر به زمین می‌رسد.

توضیحی دیگر: مولفه قائم سرعت را در نظر بگیرید... وقتی گلوله B به نقطه اوج خود می‌رسد گلوله A هنوز در حال بالا رفتن می‌باشد... در نتیجه گلوله B سریعتر حرکت رو به پایین خود را شروع می‌کند و زودتر به زمین می‌رسد.



۱۶۰- در شکل زیر، اگر جرم و اصطکاک قرقره و نخ‌ها ناچیز باشد، نیروی کشش T چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



ابتدا قانون دوم نیوتن را برای کل مجموعه می‌نویسیم تا شتاب دستگاه را محاسبه کنیم... توجه شود که شتاب هر یک از اجسام با شتاب دستگاه برابر هست.

- (۱) ۳۲
- (۲) ۳۸
- (۳) ۴۴
- (۴) ۵۰

$$\Sigma F = m_{\text{کل}} a \Rightarrow 40 - 10 = 5a \rightarrow a = 6 \frac{m}{s^2}$$

اکنون با توجه به داشتن شتاب، قانون دوم نیوتن را برای جرم ۴ کیلوگرمی می‌نویسیم:

$$40 - T_1 = 4 \times a = 24 \rightarrow T_1 = 16 \Rightarrow T = 2T_1 = 32 \text{ N}$$

۱۶۱- دو وزنه A و B با سرعت اولیه یکسان، معاس بر یک سطح افقی برتاب می‌شوند. اگر جرم وزنه A نصف جرم وزنه B و ضریب اصطکاک آن ۲ برابر ضریب اصطکاک وزنه B باشد، مسافتی که وزنه A طی می‌کند تا بایستد، چند برابر مسافتی است که وزنه B طی می‌کند تا بایستد؟

- (۱) ۲
- (۲) ۱
- (۳) $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- (۴) $\frac{1}{2}$

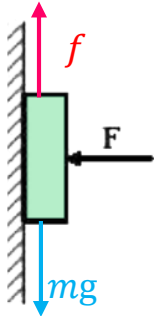
توجه: سرعت اولیه هر دو جسم یکسان است. وقتی جسم متوقف می‌شود سرعت نهایی آن صفر است.

در پرتاب جسم روی سطح افقی اندازه شتاب حرکت از رابطه مقابل بدست می‌آید:

$$|a| = \mu_k g \Rightarrow \Delta x = \frac{V_0^2}{2a} = \frac{V_0^2}{2\mu_k g} \Rightarrow \frac{\Delta x_A}{\Delta x_B} = \frac{\mu_{kB}}{\mu_{kA}} = \frac{\mu_{kB}}{2\mu_{kB}} = \frac{1}{2}$$



۱۶۲- در شکل زیر، جسم با نیروی افقی F_1 در آستانه حرکت قرار می‌گیرد و با نیروی افقی F_2 با سرعت ثابت به طرف پایین می‌لغزد. اگر نیروی اصطکاک در این دو حالت به ترتیب f_1 و f_2 باشد، کدام مورد درست است؟ ($\mu_s > \mu_k$)



$$f_1 > f_2 \cdot F_1 > F_2 \quad (1)$$

$$f_1 > f_2 \cdot F_1 = F_2 \quad (2)$$

$$f_1 = f_2 \cdot F_1 < F_2 \quad (3)$$

$$f_1 = f_2 \cdot F_1 = F_2 \quad (4)$$

چون در هر دو حالت شتاب صفر است بنابراین این نیروی اصطکاک با نیروی وزن برابر است. پس اندازه اصطکاک در هر دو حالت با هم برابر می‌باشد. حذف گزینه (۱) و گزینه ۲

$$f_1 = f_2 \Rightarrow \mu_s F_1 = \mu_k F_2 \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{\mu_s}{\mu_k} > 1 \Rightarrow F_2 > F_1$$

۱۶۳- در پیچ جاده‌ای، حداکثر سرعت مجاز $54 \frac{km}{h}$ است. اگر زاویه شیب عرضی جاده با افق 37° باشد، شعاع انحنای

این پیچ، چند متر است؟ ($\sin 37^\circ = 0.6$ ، $g = 10 \frac{m}{s^2}$ و اصطکاک در عرض جاده قابل چشم‌پوشی است).

۶۰ (۴)

۵۰ (۳)

۴۰ (۲)

۳۰ (۱)

$$54 \frac{km}{h} = 15 \frac{m}{s} \Leftrightarrow \text{تبدیل سرعت}$$

پاسخ گزینه ۱

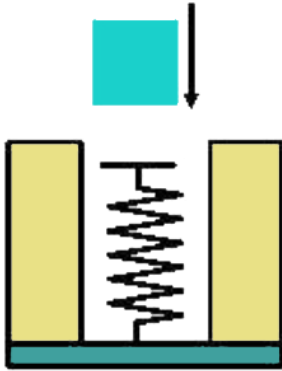
حداکثر سرعت مجاز برای اتومبیل در پیچ جاده با شیب عرضی از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$\tan \alpha = \frac{v^2}{r \times g} \Rightarrow r = \frac{v^2}{g \times \tan 37^\circ} = \frac{225}{10 \times \frac{3}{4}} = 30 \text{ m}$$



۱۶۴- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 250 g از بالای یک فنر که ثابت آن $\frac{2}{5}\frac{\text{N}}{\text{cm}}$ است، رها می‌شود و پس از برخورد به فنر، حداکثر آن را 12 cm فشرده می‌کند. کار نیروی وزن جسم از لحظه رها شدن تا لحظه‌ای که فنر

حداکثر فشردگی را دارد، چند ژول است؟ (مقاومت هوا ناچیز و $g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ است.)



توجه: چون جسم رها و در نهایت متوقف می‌شود، سرعت آن در ابتدا و انتهای حرکت صفر می‌باشد. با استفاده از قضیه کار و انرژی داریم:

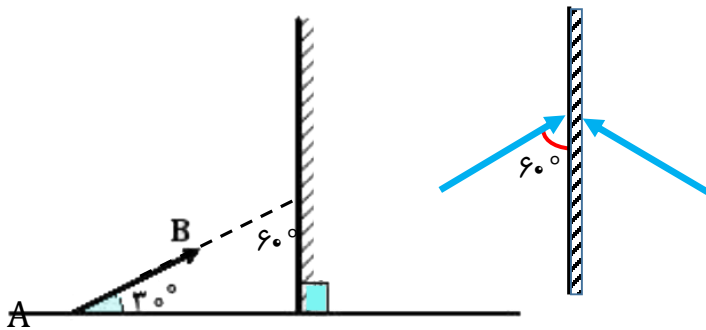
$$W_T = K_f - K_i = 0 \Rightarrow W_T = W_{\text{وزن}} + W_{\text{فنر}} + W_{\text{مقاومت هوا}}^{\text{صفر}} = 0$$

مقاومت هوا نداریم پس $W_{\text{مقاومت هوا}}$ صفر می‌شود. از طرفی کار نیروی فنر با قرینه‌ی تغییرات انرژی پتانسیل کشسانی فنر برابر است. در واقع کار نیروی وزن به صورت انرژی پتانسیل در فنر ذخیره می‌شود. بنابراین:

$$W_{\text{وزن}} = -W_{\text{فنر}} \Rightarrow |W_{\text{وزن}}| = |W_{\text{فنر}}| = |U_{\text{فنر}}| = \frac{1}{2}K(x)^2 = \frac{1}{2} \times 250 \times \left(\frac{12}{100}\right)^2 = 1/8\text{ J}$$

البته این سوال از راه‌های دیگری هم حل می‌شود.

۱۶۵- در شکل زیر، اگر جسم AB را حول نقطه A و در صفحه کاغذ به اندازه 10° درجه به صورت پادساعتگرد و آینه را نیز در همین صفحه به اندازه 20° درجه، ساعتگرد بچرخانیم، زاویه بین جسم و تصویرش در آینه، چند درجه تغییر می‌کند؟



در حالت اول زاویه بین جسم و

تصویر 120° درجه می‌باشد.

- ۳۰ (۱)
- ۵۰ (۲)
- ۶۰ (۳)
- ۱۰۰ (۴)

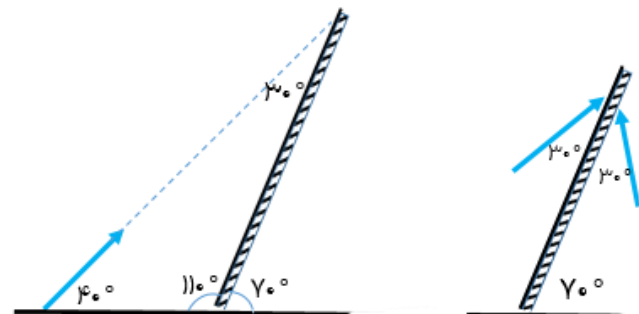
در حالت دوم زاویه بین جسم

و تصویر 60° درجه می‌باشد.

بنابراین زاویه بین جسم و

تصویر 60° درجه تغییر کرده

نسبت به حالت اول.

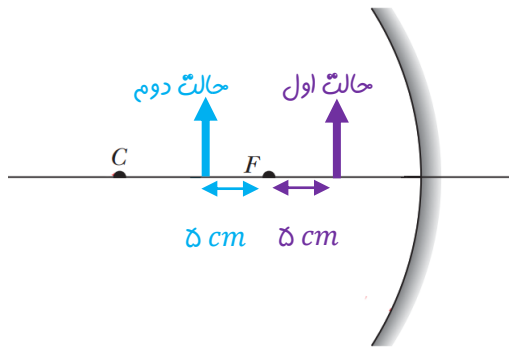


آینه 20° درجه ساعت گرد و جسم 10° درجه پادساعتگرد چرخیده است



۱۶۶- جسمی در فاصله ۱۵ سانتی متری آینه مقعری به شعاع ۴۰ cm قرار دارد و طول تصویر جسم ۴ cm است. جسم را چند سانتی متر در جهت مناسب جابه جا کنیم تا تصویر دیگری به همان طول ۴ cm تشکیل شود؟

- ۵ (۱) ۱۵ (۲) ۲۵ (۳) ۵۰ (۴)



توجه: میتوان از رابطه نیوتن استفاده کرد:

$$m = \frac{F}{a}$$

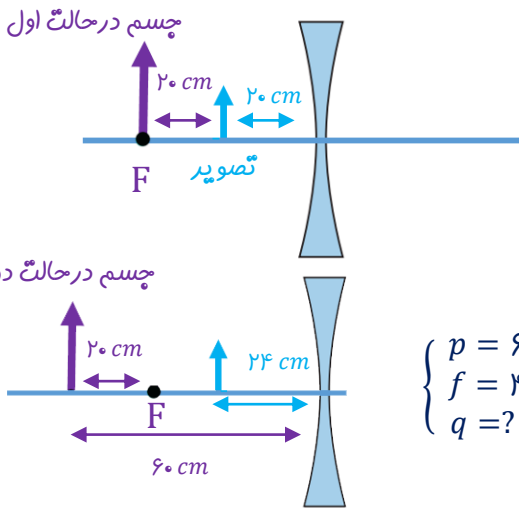
کانون F
فاصله جسم تا کانون a
بزرگنمایی m

پس برای اینکه جسم در دو حالت بزرگنمایی یکسانی داشته باشد کافی است فاصله آن در هر دو حالت نسبت به کانون یکسان باشد. در ابتدا جسم در ۵ سانتی متری سمت راست کانون می باشد، بنابراین در حالت دوم جسم باید به ۵ سانتی متری سمت چپ کانون جابجا شود..... یعنی جسم باید ۱۰ سانتی متر جابجا شود راه حل های دیگری نیز برای این سوال وجود دارد..

۱۶۷- در یک عدسی واگرا، فاصله بین جسم و تصویرش ۲۰ سانتی متر است و بزرگنمایی عدسی ۰٫۵ است. اگر جسم را ۲۰ سانتی متر از عدسی دور کنیم، بزرگنمایی چقدر خواهد شد؟

- ۰٫۸ (۴) ۰٫۶ (۳) ۰٫۴ (۲) ۰٫۳ (۱)

توجه: در عدسی واگرا و آینه محدب فقط در یک حالت بزرگنمایی برابر نیم می شود. آن هم زمانی است که جسم دقیقاً روی کانون قرار بگیرد در این حالت تصویر در وسط کانون و عدسی خواهد بود. پس بدون هیچ محاسبه ای می فهمیم که اندازه کانون ۴۰ سانتی متر بوده و جسم دقیقاً روی کانون قرار دارد، همچنین تصویر در فاصله ۲۰ سانتی متری جسم یعنی وسط فاصله کانونی تشکیل شده است.

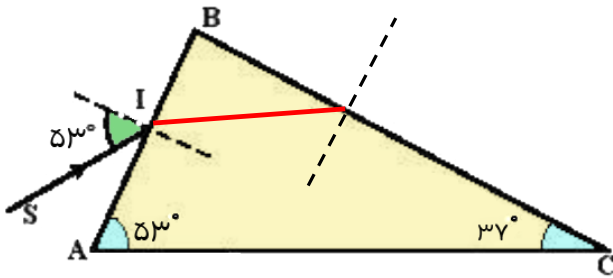


در حالت دوم جسم را ۲۰ سانتی متر از عدسی دور می کنیم یعنی فاصله جسم تا عدسی برابر ۶۰ سانتی متر می شود (چون جسم از کانون دور می شود باید تصویر بزرگنمایی کوچکتر شود... یعنی حذف کزینه ۳ و ۴). با استفاده از معادله عدسی واگرا فاصله تصویر و در نهایت بزرگنمایی حالت دوم را بدست می آوریم.

$$\begin{cases} p = 60 \\ f = 40 \\ q = ? \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{60} + \frac{1}{q} = -\frac{1}{40} \Rightarrow q = -24 \Rightarrow m = \frac{24}{60} = 0.4$$



۱۶۸- پرتو نور تک رنگ SI بر وجه AB از منشوری می‌تابد که ضریب شکست منشور نسبت به هوا $\frac{4}{3}$ است. این پرتو پس



از ورود به منشور: $(\sin 53^\circ = 0.8)$

(۱) در مسیر اولیه برمی‌گردد.

(۲) از وجه BC وارد هوا می‌شود.

(۳) روی وجه BC بازتابش کلی پیدا می‌کند.

(۴) مماس بر وجه BC از منشور خارج می‌شود.

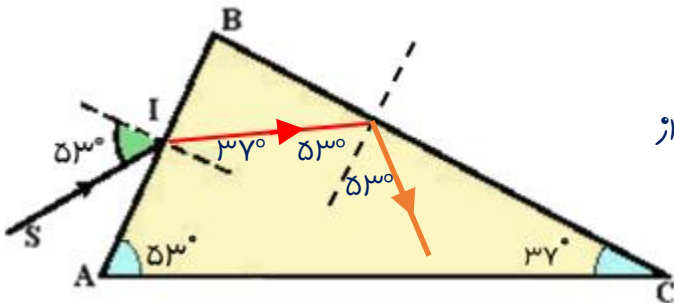
$$\sin \theta_c = \frac{1}{n} = \frac{3}{4} = 0.75 < \sin 53^\circ \Rightarrow \theta_c < 53^\circ$$

ابتدا زاویه حد منشور را محاسبه می‌کنیم (از محاسبه فوق می‌فهمیم که زاویه حد از 53° درجه کمتر است).

قانون شکست اسنل را برای وجه AB می‌نویسیم

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow 1 \times \sin 53^\circ = \frac{4}{3} \times \sin r \Rightarrow \sin r = 0.6 \Rightarrow r = 37^\circ$$

زاویه‌های مربوطه را در شکل زیر مشخص کرده ایم ...



چون زاویه تابش در وجه BC از زاویه حد بزرگتر است پس پرتو از

سطح BC بازتاب کلی خواهد کرد.

۱۶۹- بازده یک ماشین گرمایی کارنو، ۳۰ درصد است. اگر بر حسب درجه سلسیوس دمای منبع گرم آن ۴ برابر دمای

منبع سرد آن باشد، دمای منبع سرد، چند درجه سلسیوس است؟

۹۱ (۴)

۴۵/۵ (۳)

۲۵/۵ (۲)

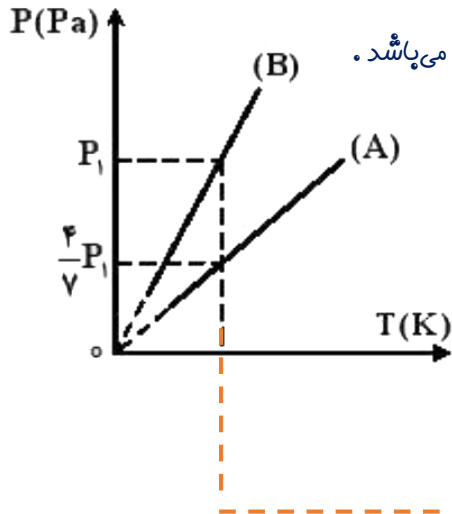
۲۸ (۱)

$$\theta_H = 4\theta_C \Rightarrow \eta_{max} = 1 - \frac{T_C}{T_H} = \frac{3}{10} \Rightarrow \frac{T_C}{T_H} = \frac{7}{10} \Rightarrow \frac{\theta_C + 273}{4\theta_C + 273} = \frac{7}{10}$$

$$\Rightarrow 28\theta_C + 7 \times 273 = 10\theta_C + 10 \times 273 \Rightarrow 18\theta_C = 3 \times 273 \Rightarrow \theta_C = \frac{273}{6} = 45.5$$



۱۷۰- اگر نمودار (P - T) ی ۵ مول گاز کامل A به حجم ۱۰ لیتر و n مول گاز کامل B به حجم ۱۶ لیتر به صورت شکل زیر باشد، n کدام است؟



توجه: دقت شود که نمودار داده شده نمودار فشار برحسب دمای مطلق می‌باشد. با نوشتن معادله حالت گاز کامل و مقایسه آن برای دو گاز A و B:

$$PV = nRT \Rightarrow P = \frac{nRT}{V}$$

$$\frac{P_A}{P_B} = \frac{n_A}{n_B} \times \frac{T_A}{T_B} \times \frac{V_B}{V_A} \xrightarrow{T_A=T_B} \frac{4}{7} = \frac{5}{n_B} \times \frac{16}{10} \Rightarrow n_B = 14$$

- ۱۰ (۱)
- ۱۴ (۲)
- ۲۰ (۳)
- ۲۸ (۴)

۱۷۱- گاز درون یک محفظه را در فشار ثابت $2 \times 10^5 \text{ pa}$ سرد می‌کنیم و از حجم ۶lit به ۲lit می‌رسد. اگر گاز در این فرایند، ۲۸۰۰J گرما از دست بدهد، انرژی درونی آن چند ژول کاهش می‌یابد؟

- ۲۶۰۰ (۴)
- ۲۰۰۰ (۳)
- ۱۸۰۰ (۲)
- ۱۲۰۰ (۱)

ابتدا کار انجام شده روی گاز را محاسبه می‌کنیم و در نهایت با استفاده از قانون اول ترمودینامیک به راحتی تغییرات انرژی درونی قابل محاسبه است. توجه: چون گاز گرما از دست داده علامت Q منفی می‌باشد.

$$W = -P\Delta V \Rightarrow W = -2 \times 10^5 (-4 \times 10^{-3}) = +800$$

$$\Delta U = Q + W \Rightarrow \Delta U = -2800 + 800 = -2000$$

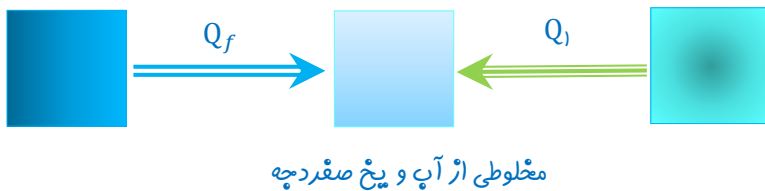


۱۷۲- در ظرفی که عایق گرما است، یک قطعه یخ صفر درجه سلسیوس وجود دارد. اگر ۸۰۰ گرم آب ۵۰ درجه سلسیوس در ظرف بریزیم، پس از برقراری تعادل گرمایی، ۱۰۰ گرم یخ در ظرف باقی می ماند. جرم اولیه یخ چند

گرم بوده است؟ (فقط بین آب و یخ تبادل گرما صورت می گیرد. $C_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kgK}}$ و $L_f = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$)

(۱) ۲۰۰ (۲) ۴۰۰ (۳) ۵۰۰ (۴) ۶۰۰

m گرم یخ صفر درجه که قرار هست ذوب شود



از طریق محاسبه می توانیم مشخص کنیم که اگر ۸۰۰ گرم آب ۵۰ درجه سلسیوس بخواهد به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل شود با گرمایی که آزاد می کند چند گرم یخ را می تواند ذوب کند. مقدار پدست آمده را با یخ ذوب نشده ی باقی مانده در ظرف جمع می کنیم و جرم کل یخ را پدست می آوریم.

یخ باقی مانده ی ذوب نشده

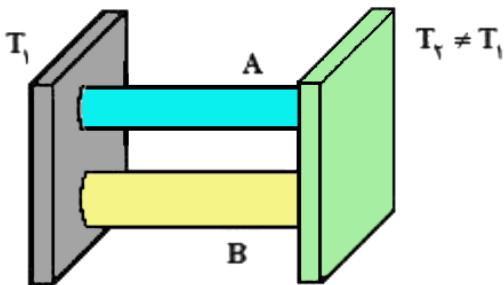
یخ ذوب شده

$$\Sigma Q = 0 \Rightarrow Q_f + Q_i = m \times 80 \times 4200 + 800 \times 4200 \times (-50) = 0 \Rightarrow m = 500 \text{ g} \Rightarrow m_{\text{کل}} = 500 + 100 = 600$$

۱۷۳- در شکل روبه رو، دو میله رسانا بین دو منبع گرما قرار دارند. اگر سطح مقطع میله A، $\frac{1}{3}$ سطح مقطع میله B و رسانندگی گرمایی میله A، ۶ برابر رسانندگی میله B باشد، آهنگ رسانش گرمایی در میله A چند برابر آهنگ

رسانش گرمایی در میله B است؟

- (۱) ۲ (۲) ۴
- (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{1}{4}$



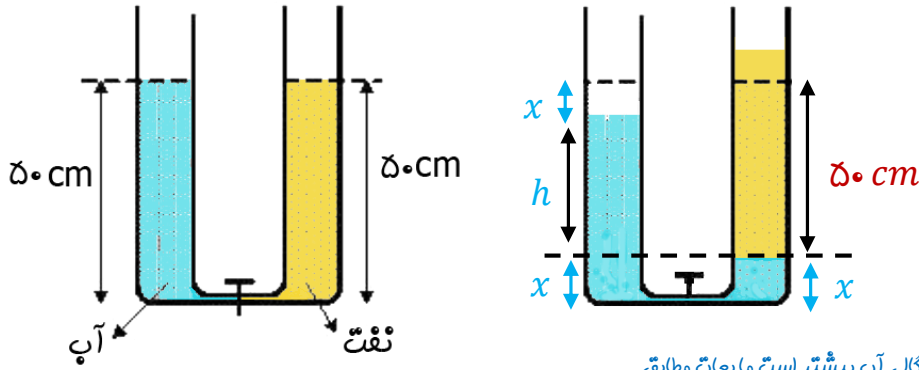
$$P = \frac{Q}{t} = \frac{KA\Delta T}{L} \Rightarrow \frac{P_A}{P_B} = \frac{K_A}{K_B} \times \frac{A_A}{A_B} \times \frac{\Delta T_A}{\Delta T_B} \times \frac{L_B}{L_A} \xrightarrow{\Delta T_A = \Delta T_B \text{ \& } L_A = L_B} \frac{P_A}{P_B} = 6 \times \left(\frac{1}{3}\right) \times (1) \times (1) = 2$$



۱۷۴- در شکل روبه‌رو، قطر فاعده دو استوانه برابرند. اگر شیر ارتباط بین دو ظرف را باز کنیم، سطح آب چند سانتی‌متر

پایین می‌آید؟ (چگالی نفت = $800 \frac{kg}{m^3}$ و چگالی آب = $1000 \frac{kg}{m^3}$)

- ۱۰ (۱)
- ۵ (۲)
- ۴ (۳)
- ۲٫۵ (۴)



$$P_{\text{آب}} = P_{\text{روغن}} \Rightarrow \rho_{\text{آب}} g h = \rho_{\text{روغن}} g \times 50$$

$$\Rightarrow 1000 \times 10 \times h = 800 \times 10 \times 50 \Rightarrow h = 40 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow h + 2x = 50 \Rightarrow 40 + 2x = 50 \Rightarrow x = 5 \text{ cm}$$

پس از اینکه شیر باز شود با توجه به اینکه چگالی آب بیشتر است مایعات مطابق شکل فوق در سطح تراز جدیدی به حالت تعادل قرار می‌گیرند. با توجه به اینکه قطر لوله در دو طرف مشابه است این نتیجه کاملاً پدیدهی و منطقی است که اگر آب در شاخه سمت چپ به اندازه x پایین بیاید در طرف دیگر به همان اندازه باید بالا برود... حالا در سطح تراز جدید با استفاده از اصل هم‌فشاری نقاط هم‌تراز ارتفاع h را محاسبه می‌کنیم:

۱۷۵- دو مایع A و B را که چگالی آن‌ها $\rho_A = 1,2 \frac{g}{cm^3}$ و $\rho_B = 0,6 \frac{g}{cm^3}$ است را با یکدیگر مخلوط کرده و در

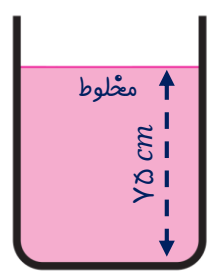
یک ظرف استوانه‌ای می‌ریزیم. اگر $\frac{1}{3}$ حجم مخلوط از مایع A و بقیه آن از مایع B و ارتفاع مخلوط در ظرف ۷۵

سانتی‌متر باشد، فشار وارد از طرف مخلوط بر کف ظرف چند پاسکال است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

- ۹۷۵۰ (۴)
- ۹۰۰۰ (۳)
- ۶۷۵۰ (۲)
- ۶۰۰۰ (۱)

می‌توانیم با محاسبه چگالی مخلوط، فشار ناشی از مایعات را در کف ظرف به صورت زیر محاسبه کنیم:

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_A + m_B}{V_A + V_B} \xrightarrow{V_A + V_B = V \text{ و } V_A = \frac{1}{3}V \text{ و } V_B = \frac{2}{3}V} \rho_{\text{مخلوط}} = \frac{\rho_A \times \frac{1}{3}V + \rho_B \times \frac{2}{3}V}{V}$$



$$\rho_{\text{مخلوط}} = \rho_A \times \frac{1}{3} + \rho_B \times \frac{2}{3} = 1,2 \times \frac{1}{3} + 0,6 \times \frac{2}{3} = 0,8 \frac{g}{cm^3} = 800 \frac{kg}{m^3}$$

$$P_{\text{مخلوط}} = \rho_{\text{مخلوط}} \times g \times h_{\text{مخلوط}} = 800 \times 10 \times 0,75 = 6000 \text{ pa}$$



۱۷۶- جرم یک ظرف فلزی توخالی ۳۰۰ گرم است. اگر این ظرف را پر از مایعی به چگالی $\frac{1}{2} \frac{g}{cm^3}$ نماییم. جرم مجموعه ۵۴۰ گرم و در صورتی که پر از نوعی روغن نماییم. جرم مجموعه ۴۶۰ گرم می‌شود. چگالی این روغن چند گرم بر لیتر است؟

- (۱) ۹۵۰ (۲) ۹۰۰ (۳) ۸۵۰ (۴) ۸۰۰

برای حل درست و منطقی سوال باید دقت کنیم که سوال چرم ظرف را به ما داده است، ولی حجمی از ظرف را که توسط مایع اشغال می‌شود را نداده است. با توجه به داشتن چگالی مایع اولی و داشتن چرم آن می‌توان حجم ظرف و در نهایت با داشتن چرم و حجم روغن که همان حجم ظرف است، چگالی روغن را محاسبه نمود.



$$m_{\text{ظرف}} + m_{\text{مایع}} = 540 \xrightarrow{m_{\text{ظرف}}=300 \text{ g}} m_{\text{مایع}} = 240 \text{ g} \xrightarrow{m=\rho v} 1/2 \times V = 240 \Rightarrow V = 200 \text{ cm}^3$$



$$m_{\text{ظرف}} + m_{\text{روغن}} = 460 \Rightarrow m_{\text{روغن}} = 160 \text{ g} \xrightarrow{m=\rho v} 160 = \rho_{\text{روغن}} \times 200 \Rightarrow \rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{g}{cm^3} = 0.8 \frac{kg}{m^3} = 0.8 \frac{g}{lit}$$

$$\frac{m_{\text{روغن}}}{m_{\text{مایع}}} = \frac{V_{\text{روغن}}}{V_{\text{مایع}}} \times \frac{\rho_{\text{روغن}}}{\rho_{\text{مایع}}} \Rightarrow \frac{160}{240} = 1 \times \frac{\rho_{\text{روغن}}}{1/2} \Rightarrow \rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{g}{cm^3} = 0.8 \frac{kg}{m^3} = 0.8 \frac{g}{lit} \quad \leftarrow \text{روش دوم:}$$

دانش آموز عزیز: هدف از نوشتن کامل بعضی از سوالها این است که با استدلال و مفهومی پاسخ داده شود. برای هر سوال شاید راه حل‌های مختلف و شاید هم سریعتری باشد ولی سعی می‌کنیم روشی انتخاب کنیم که نسبتاً آموخته باشد.

۱۷۷- چند الکترون باید از یک سکه خنثی خارج شود. تا بار الکتریکی آن $+1 \mu C$ شود؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} C$)

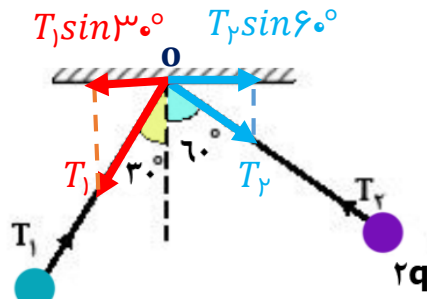
- (۱) 1.6×10^6 (۲) 1.6×10^{12} (۳) 6.25×10^6 (۴) 6.25×10^{12}

با استفاده از رابطه مربوط به مقدار بار الکتریکی هر جسم می‌توانیم به راحتی تعداد الکترونها را محاسبه کنیم:

$$q = \pm ne \Rightarrow n = \left| \frac{q}{e} \right| = \frac{1 \times 10^{-6}}{1.6 \times 10^{-19}} = 6.25 \times 10^{12}$$



۱۷۸ - در شکل زیر، دو آونگ الکتریکی باردار و هم طول، در حالت تعادل قرار دارند. کشش نخ T_1 چند برابر کشش نخ T_2 است.



$\frac{1}{2}$ (۱) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۲) $\sqrt{3}$ (۳) 2 (۴)

برای حل این سوال روشهای مختلفی وجود دارد، شاید سریع ترین راه باشد که از این نکته استفاده کنیم که برایند نیروها در نقطه O ، محل اتصال نخها به سقف باید صفر باشد.

پس برایند نیروهای افقی نیز در نقطه O باید صفر باشد داریم:

$$T_1 \sin 30^\circ = T_2 \sin 60^\circ \Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \frac{\sin 60^\circ}{\sin 30^\circ} = \sqrt{3}$$

۱۷۹ - بین دو صفحه موازی که به فاصله 2cm از هم قرار دارند، اختلاف پتانسیل الکتریکی 500 ولت ایجاد کرده‌ایم. اگر یک ذره آلفا بین این دو صفحه قرار گیرد، نیروی الکتریکی وارد بر آن چند نیوتون خواهد شد؟

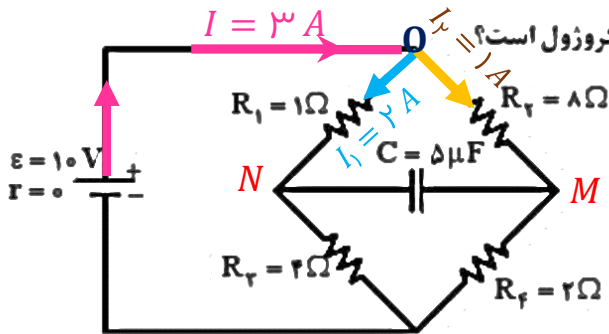
$(e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C})$

4×10^{-15} (۴) 4×10^{-13} (۳) 8×10^{-15} (۲) 8×10^{-13} (۱)

توجه: میدان الکتریکی بین دو صفحه فوق یکنواخت می‌باشد و بار ذره آلفا دو برابر بار پروتون است یعنی $q_\alpha = 2e$

$$F = qE \xrightarrow{E = \frac{\Delta V}{d}} F = 2e \times \frac{\Delta V}{d} = 2 \times 1.6 \times 10^{-19} \times \frac{500}{0.02} = 8 \times 10^{-15} \text{ N}$$

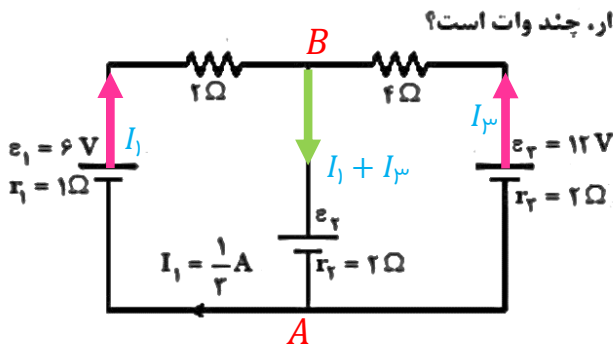




- ۱۸۰- در مدار روبه‌رو، انرژی ذخیره شده در خازن، چند میکروژول است؟
- (۱) صفر
 - (۲) ۱۰
 - (۳) ۴۰
 - (۴) ۹۰

توجه: (شاخه ای که خازن وجود دارد چرمانی عبور نمی‌کند، یعنی این شاخه در تقسیم بندی جریان سهمی ندارد، بنابراین می‌توانیم جریانها را بدون در نظر گرفتن این شاخه تقسیم کنیم، در واقع باید مدار را شامل دو شاخه موازی در نظر گرفت. مقاومت معادل مدار برابر $\frac{5}{3}$ اهم می‌شود و جریان کل باتوجه به رابطه $I = \frac{\epsilon}{R+r} = \frac{10}{\frac{5}{3}} = 3A$ بدست می‌آید که دو آمپر از شاخه چپ که شامل مقاومت های ۱ و ۴ اهمی است و یک آمپر از شاخه راست که شامل مقاومت های ۲ و ۸ اهمی است عبور می‌کند.

$$\begin{cases} V_M - V_O = I_2 R_2 = 1 \times 8 = 8 \text{ V} \\ V_N - V_O = I_1 R_1 = 2 \times 1 = 2 \text{ V} \end{cases} \Rightarrow V_{\text{خازن}} = V_M - V_N = 6 \text{ V} \Rightarrow U_{\text{خازن}} = \frac{1}{2} C V^2 = \frac{1}{2} \times 5 \times 36 = 90 \mu\text{J}$$



- ۱۸۱- در مدار روبه‌رو، توان ورودی به باتری شاخه میانی مدار، چند وات است؟
- (۱) ۷/۵
 - (۲) ۶
 - (۳) ۲
 - (۴) ۲/۵

توان باتری شاخه میانی ورودی و پتانسیل نقطه A کمتر از B است. بنابراین باتری شاخه ی سمت راست یک فرستنده جریان است.

اختلاف پتانسیل بین دو نقطه ی A و B پر است با:

$$V_B - V_A = \epsilon_1 - I_1 (R_1 + r_1) = 6 - \frac{1}{3} \times 3 = 5$$

و برای شاخه ی سمت راست:

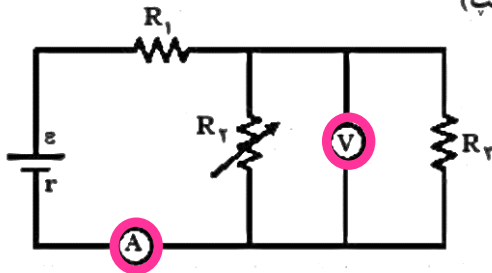
$$V_B - V_A = \epsilon_2 - I_2 (R_2 + r_2) \Rightarrow 5 = 12 - I_2 \times 4 \rightarrow I_2 = \frac{7}{4}$$

توان ورودی باتری شاخه ی میانی برابر است با:

$$P = \Delta V \times (I_1 + I_2) = 5 \times \left(\frac{1}{3} + \frac{7}{4} \right) = 5 \times \frac{25}{12} = \frac{125}{12}$$



۱۸۲- در مدار زیر، با افزایش مقاومت R_2 ، شدت جریانی که آمپرسنج A نشان می‌دهد و اختلاف پتانسیلی که ولت‌سنج V نشان می‌دهد چگونه تغییر می‌کنند؟ (به ترتیب از راست به چپ)



- (۱) کاهش - کاهش
- (۲) کاهش - افزایش
- (۳) افزایش - افزایش
- (۴) افزایش - کاهش

با افزایش مقاومت رئوستا، مقاومت کل مدار و در نتیجه جریان مدار (عدد آمپرسنج) کاهش پیدا می‌کند. بنابراین افت پتانسیل در مولد و اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_1 نیز کاهش می‌یابد. با توجه به رابطه ولتاژ دوسر مولد، مشخص هست که با کاهش جریان ولتاژ باتری زیاد می‌شود، با توجه به اینکه ولتاژ باتری برابر مجموع عدد ولت‌سنج و ولتاژ مقاومت R_1 می‌باشد پس عدد ولت‌سنج افزایش می‌یابد. گزینه ی ۲ صحیح است.

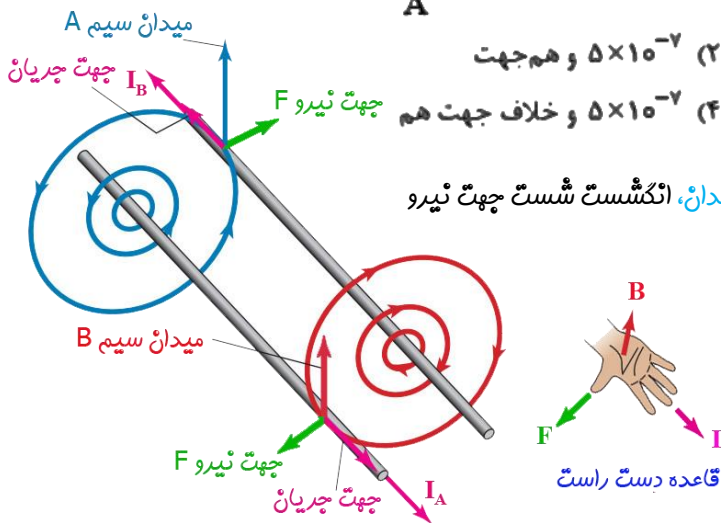
$$\left\{ \begin{array}{l} R_2 \uparrow \Rightarrow R_{\text{کل}} \uparrow \Rightarrow I_{\text{کل}} \downarrow \\ V_{\text{باتری}} = \varepsilon - Ir \xRightarrow{I \downarrow} V_{\text{باتری}} \uparrow \Rightarrow V_{\text{باتری}} = V_1 + V \xRightarrow{V_1 \downarrow, V_{\text{باتری}} \uparrow} V \uparrow \\ V_1 = IR_1 \xRightarrow{I \downarrow} V_1 \downarrow \end{array} \right.$$

۱۸۳- دو سیم بلند و موازی در فاصله ۲۰ سانتی‌متری هم قرار دارند و از یکی جریان الکتریکی ۱۰ آمپر و از دیگری جریان ۵ آمپر می‌گذرد و سیم‌ها به هم نیروی دافعه وارد می‌کنند. نیرویی که هر سیم بر یک متر از سیم دیگر وارد

می‌کند، چند نیوتون است و جهت جریان‌های الکتریکی نسبت به هم چگونه است؟ $(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$

- (۱) 5×10^{-5} و هم‌جهت
- (۲) 5×10^{-7} و هم‌جهت
- (۳) 5×10^{-5} و خلاف جهت هم
- (۴) 5×10^{-7} و خلاف جهت هم

قاعده دست راست: چهار انگشت جهت جریان، کف دست رو به میدان، انگشت شست جهت نیرو



با توجه به شکل و استفاده از قاعده دست راست کاملاً مشخص است که دوسیم موازی که جریانهای خلاف جهت داشته باشند یکدیگر را دفع می‌کنند. برای محاسبه اندازه این نیرو می‌توانیم از فرمول زیر استفاده کنیم:

$$F = \frac{\mu_0 I_A I_B L}{2\pi d} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 10 \times 5 \times 1}{2\pi \times 0.2} = 5 \times 10^{-5} N$$



۱۸۴- پروتونی تحت زاویه 90° نسبت به یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی 2.0 mT حرکت می‌کند و نیروی مغناطیسی $1.28 \times 10^{-16} \text{ N}$ به آن وارد می‌شود. انرژی جنبشی پروتون چند الکترون ولت است؟

$(m_p = 1.7 \times 10^{-27} \text{ kg}$ و $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C})$

۱۷ (۴)

۸۱۵ (۳)

۵ (۲)

۲۱۵ (۱)

$$F = qVB\sin 90^\circ \Rightarrow V = \frac{F}{qB\sin 90^\circ} = \frac{1.28 \times 10^{-16}}{1.6 \times 10^{-19} \times 2.0 \times 10^{-3}} = 4 \times 10^4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K = \frac{1}{2} mV^2 = \frac{1}{2} \times 1.7 \times 10^{-27} \times 16 \times 10^8 \xrightarrow{j \rightarrow ev} K_{ev} = \frac{K_j}{e} = \frac{\frac{1}{2} \times 1.7 \times 10^{-27} \times 16 \times 10^8}{1.6 \times 10^{-19}} = 8.5 \text{ eV}$$

۱۸۵- طول یک سیملوله بدون هسته، 5.0 cm و سطح هر حلقه آن 1.0 cm^2 است. این سیملوله دارای 2000 حلقه نزدیک به هم می‌باشد و از آن جریان الکتریکی 0.5 A می‌گذرد. ضریب خود القایی سیملوله در SI چقدر است؟

$(\mu_0 = 12.57 \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$

۰٫۵۰ (۴)

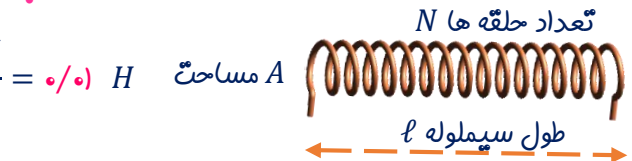
۰٫۱۰ (۳)

۰٫۰۵ (۲)

۰٫۰۱ (۱)

توجه: برای سیملوله بدون هسته $k=1$ می‌باشد

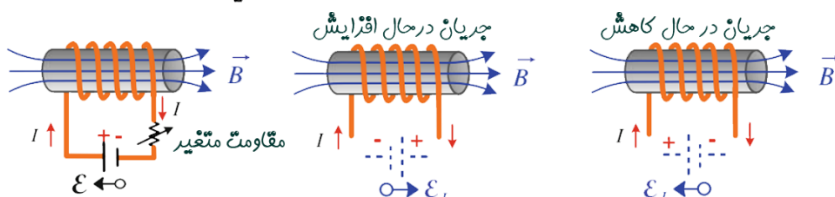
$$L = \frac{K \mu_0 N^2 A}{\ell} = \frac{1 \times 12.57 \times 10^{-7} \times 4 \times 10^6 \times 1.0 \times 10^{-4}}{0.05} = 0.1 \text{ H}$$



۱۸۶- ضریب خودالقایی سیملوله‌ای ۲ هنتری است و جریان الکتریکی 0.4 آمپر از آن می‌گذرد. با کدام تغییر حالت، نیروی محرکه خودالقایی ۶ ولت در سیملوله تولید می‌شود؟

(۱) به دو سر آن مقاومت الکتریکی 15Ω ببندیم. (۲) جریان الکتریکی آن با آهنگ $15 \frac{\text{A}}{\text{s}}$ تغییر کند.

(۳) به دو سر آن مقاومت الکتریکی 3Ω ببندیم. (۴) جریان الکتریکی آن با آهنگ $2 \frac{\text{A}}{\text{s}}$ تغییر کند.



$$|\epsilon_L| = L \left| \frac{dI}{dt} \right| \Rightarrow 6 = 2 \times \left| \frac{dI}{dt} \right| \Rightarrow \left| \frac{dI}{dt} \right| = 3 \frac{\text{A}}{\text{s}}$$



۱۸۷- وزنه‌ای به جرم ۰٫۵ کیلوگرم به فنر سبکی با ثابت $200 \frac{N}{m}$ بسته شده و روی سطح افقی بدون اصطکاک نوسان

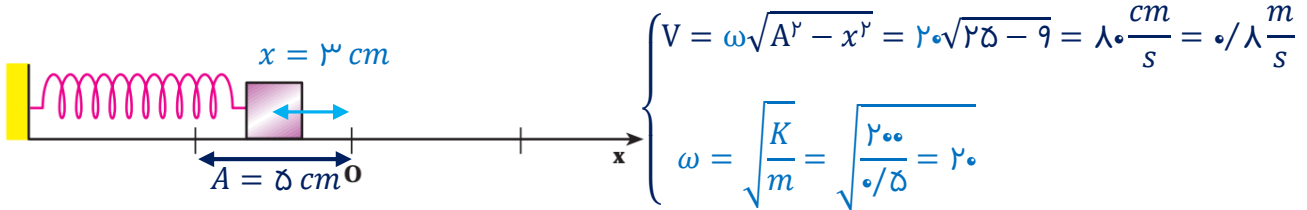
می‌کند. اگر دامنه ۵cm باشد، سرعت وزنه در فاصله ۳ سانتی‌متری مرکز نوسان چند متر بر ثانیه است؟

۳٫۶ (۴)

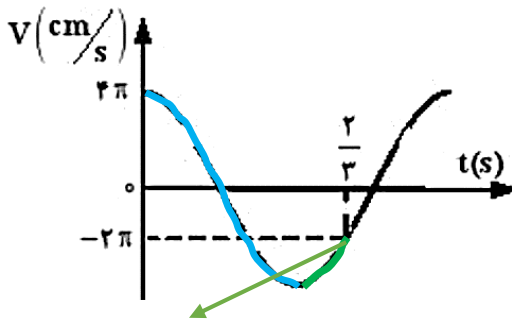
۲٫۴ (۲)

۱٫۶ (۲)

۰٫۸ (۱)



۱۸۸- نمودار سرعت - زمان یک نوسانگر وزنه - فنر، مطابق شکل زیر است. چند ثانیه پس از لحظه $t = 0$ برای اولین



بار بزرگی شتاب نوسانگر $4\pi^2 \frac{cm}{s^2}$ می‌شود؟

$\frac{1}{6}$ (۲)

$\frac{1}{3}$ (۱)

$\frac{1}{12}$ (۴)

$\frac{1}{9}$ (۳)

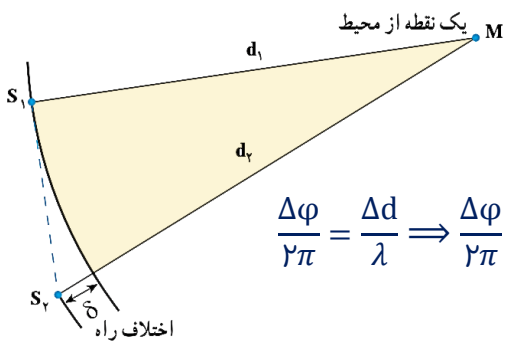
$$\frac{V}{V_{max}} = \cos \omega t = -\frac{1}{2} \xrightarrow{v < 0, a > 0} \text{تاجیه ۳} \rightarrow \varphi = \omega t \rightarrow \frac{4\pi}{3} = \omega \times \frac{2}{3} \Rightarrow \omega = 2\pi$$

$$\begin{cases} A\omega^2 = \omega \times A\omega \\ |a| = |-A\omega^2 \sin \omega t| \Rightarrow 4\pi^2 = 2\pi \times 4\pi \times \sin 2\pi t \end{cases} \Rightarrow \sin 2\pi t = \frac{1}{2} = \sin \frac{\pi}{6} \Rightarrow t = \frac{1}{12} s$$



۱۸۹- دو چشمه موج هم فاز و هم بسامد S_1 و S_2 در یک محیط همگن، موج منتشر می‌کنند و طول موج برابر 20 cm است. در این محیط، فاصله نقطه M از این دو چشمه به ترتیب 50 سانتی‌متر و 80 سانتی‌متر است. اختلاف فاز بین دو موجی که هم‌زمان به نقطه M می‌رسند، کدام است و برهم نهی دو موج در این نقطه چگونه است؟

(۱) سازنده، 2π (۲) ویرانگر، 2π (۳) سازنده، $\frac{3\pi}{2}$ (۴) ویرانگر، $\frac{3\pi}{2}$



می‌دانید که اگر دو چشمه ی موج هم‌فاز و هم بسامد داخل کنند، در نقاطی که برهم نهی ویرانگر داریم اختلاف راه مضرب فردی از نصف طول موج و اختلاف فاز مضرب فردی از π است:

$$\frac{\Delta\phi}{2\pi} = \frac{\Delta d}{\lambda} \Rightarrow \frac{\Delta\phi}{2\pi} = \frac{80 - 50}{20} \Rightarrow \Delta\phi = 3\pi$$

۱۹۰- تابع موج عرضی در یک سیم که قطر مقطع آن 2 میلی‌متر و چگالی آن $8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ است، در SI به صورت

$$u_y = 0.1 \sin(30t - 1.5x) \quad (\pi = 3)$$

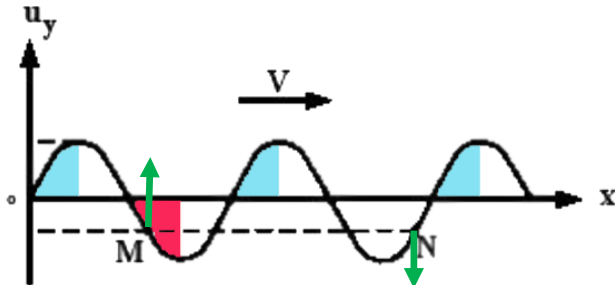
(۱) $4/8$ (۲) $9/6$ (۳) $9/6$ (۴) $4/8$

با توجه به تعریف چگالی حجمی به صورت جرم موجود در واحد حجم، جرم واحد طول تار بصورت حاصل ضرب سطح مقطع در چگالی حجمی پائین می‌شود. بنابراین:

$$\left\{ \begin{array}{l} \omega = 30 \text{ و } K = 1/5 \Rightarrow V = \frac{\omega}{K} = 20 \frac{m}{s} \\ r = 1 \text{ mm} = 1 \times 10^{-3} \text{ m} \Rightarrow A = \pi r^2 \text{ و } \rho = 8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 8000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \\ V = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} \Rightarrow F = V^2 \times \rho \times A = 400 \times 8000 \times (3 \times 10^{-6}) = 9/6 \text{ N} \end{array} \right.$$



۱۹۱- شکل روبه‌رو، موج عرضی را در طناب نشان می‌دهد. کدام مورد درباره دو نقطه M و N از طناب درست است؟
 (۱) سرعت آن‌ها در هر لحظه یکسان است.
 (۲) دامنه و بسامد یکسانی دارند.
 (۳) در فاز مخالفاند.
 (۴) هم فازند.



توجه: وقتی موجی در یک محیط منتشر می‌شود دامنه و بسامد نوسان ذرات محیط همان دامنه و بسامد موج و چشمه تولید موج است ... بنابراین تمام نقاط هم بسامد و هم دامنه هستند. (اتلاف و جذب انرژی نداریم).

گزینه ۳ دام آموزشی این سوال است ... اما چرا گزینه ۳ اشتباه است: نقاطی که در فاز مخالفند دارای وضعیت نوسانی قرینه اند، یعنی اگر مکان یکی مثبت بود مکان دیگری حتما باید منفی باشد... همین نکته برای رد گزینه ۳ کافی است.

برای یافتن نقاطی که در فاز مخالف نقطه M قرار دارند باید در قسمت‌های آبی رنگ جستجو کنیم.

چرا گزینه ۴ درست نیست؛ نقاط هم‌فاز باید دارای وضعیت نوسانی مشابه باشند ... مکان و سرعت و شتابشون هم اندازه و هم علامت باشند ... این دو نقطه علامت مکان و شتابشون یکسان است اما سرعت‌های آنها مختلف‌العلامت اند... در واقع نقطه N همان‌طور که در شکل مشخص شده در حال دورشدن از میدا، و نقطه M در حال نزدیک شدن به میدا، نوسان می‌باشد.

۱۹۲- اگر دامنه چشمه صوتی را ۴ برابر کنیم، برای یک شنونده معین، تراز شدت صوت ۱/۳ برابر می‌شود. در این حالت،

تراز شدت صوت برای آن شنونده به چند دسی‌بل می‌رسد؟ $(\log 2 = 0.3)$

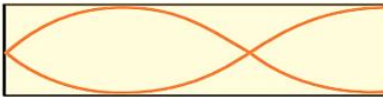
- ۱۲ (۱) ۳۲ (۲) ۴۰ (۳) ۵۲ (۴)

$$\left\{ \begin{array}{l} \beta_2 = 1/3 \beta_1 \Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 0.3 \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} = 10 \log \left(\frac{A_2}{A_1} \right)^2 = 10 \log 16 = 40 \log 2 \\ \Rightarrow 0.3 \beta_1 = 40 \log 2 = 40 \times 0.3 \Rightarrow \beta_1 = 40 \Rightarrow \beta_2 = 1/3 \beta_1 = \beta_2 = 1/3 \times 40 = 52 \text{ db} \end{array} \right.$$



۱۹۳- شکل زیر حالتی را نشان می‌دهد که لوله با صوتی به طول موج λ_1 در حال تشدید است، اگر صوت دیگری در همان

محیط به طول موج λ_2 با همین لوله بتواند تشدید حاصل کند، نسبت $\frac{\lambda_2}{\lambda_1}$ کدام یک از موارد زیر می‌تواند باشد؟



(۴) $\frac{2}{4}$

(۳) $\frac{2}{3}$

(۲) $\frac{2}{7}$

(۱) $\frac{2}{5}$

در حالتی که یک انتهای لوله بسته است، لازم می‌آید تشدید این است که طول لوله مضرب فردی از ربع طول موج باشد. به فعل «می‌تواند» در صورت سوال دقت کنید! پس سوال می‌تواند پاسخهای دیگری هم داشته باشد و شرط لازم این است که صورت و مخرج کسر اعداد فرد باشد. که تنها گزینه ی ۲ این شرط را داراست.

۱۹۴- چشمه صوتی با سرعت $\frac{1}{n}$ سرعت صوت به یک شنونده ساکن نزدیک می‌شود و در ادامه مسیر با همان سرعت از

شنونده دور می‌شود. اگر در حالت اول افزایش بسامد چشمه برای شنونده Δf باشد و در حالت دوم کاهش بسامد

چشمه برای شنونده برابر $\Delta f'$ باشد، نسبت $\frac{\Delta f}{\Delta f'}$ چقدر است؟

(۴) $\frac{1}{n+1}$

(۳) $\frac{n+1}{n-1}$

(۲) $\frac{n-1}{n}$

(۱) ۱

توجه: همیشه در اثر دوپلر تغییرات بسامد موقع نزدیک شدن چشمه بیشتر از حالتی است که چشمه در حال دور شدن از ناظر است، یعنی در این سوال $\frac{\Delta f}{\Delta f'} > 1$ فقط گزینه یک بزرگتر از یک می‌باشد. در حل زیر می‌توانید درستی این مطلب را مشاهده

جهت مثبت
 $S \rightarrow 0$

کنید:

$$f_o = \frac{V - V_o}{V - V_s} f_s \Rightarrow \frac{\Delta f}{\Delta f'} = \frac{\frac{V}{V - \frac{V}{n}} f_s - f_s}{f_s - \frac{V}{V + \frac{V}{n}} f_s} = \frac{\frac{n}{n-1} - 1}{1 - \frac{n}{n+1}} = \frac{\frac{1}{n-1}}{\frac{1}{n+1}} = \frac{n+1}{n-1} > 1$$



۱۹۵- وجوه مشترک در گستره امواج الکترومغناطیسی، کدام است؟

- (۱) سرعت انتشار در خلأ و قانونهای حاکم بر آنها
 (۲) ماهیت و سرعت انتشار در محیطهای شفاف
 (۳) نحوه تولید و قانونهای حاکم بر آنها
 (۴) ماهیت و نحوه آشکارسازی

جدول ۱-۶- نحوه تولید، آشکارسازی و کاربرد طیف موجهای الکترومغناطیسی

نام و حدود طول موج	جسمه	وسایل آشکارسازی	بعضی از ویژگیهای خاص و کاربرد
پرتو گاما (γ) $1\text{Pm} = 10^{-12}\text{m}$	هسته مواد رادیواکتیو و پرتوهای کیهانی	شمارش گر گایگر-مولر و فیلم عکاسی	فوتونهای با انرژی بسیار بالا و با قدرت نفوذ بسیار زیاد، خیلی خطرناک کاربرد: بافت‌های سرطانی را از بین می‌برد، برای پیدا کردن ترک در فلزات، برای ضد عفونی کردن تجهیزات و وسایل
پرتو ایکس (X) $100\text{Pm} = 10^{-10}\text{m}$	لامپ پرتو X	فیلم عکاسی و صفحه فلوروسان	فوتونهای بسیار پر انرژی و با قدرت نفوذ زیاد، خیلی خطرناک کاربرد: استفاده در پرتونگاری، استفاده در مطالعه ساختار بلورها، معالجه بیماری‌های پوستی، استفاده در پرتو درمانی
فرابنفش (UV) $10\text{nm} = 10^{-8}\text{m}$	خورشید، جسم‌های خیلی داغ، جرقه الکتریکی، لامپ بخار جیوه	فیلم عکاسی، فوتوسل	ویژگی‌ها: توسط شیشه جذب می‌شود، سبب بسیاری از واکنش‌های شیمیایی می‌شود، یاخته‌های زنده را از بین می‌برد. کاربرد: لامپ‌های UV در پزشکی
نور مرئی $400\text{nm} = 4 \times 10^{-7}\text{m}$ (سبز)	خورشید، جسم‌های داغ، لیزرها	چشم، فیلم عکاسی، فوتوسل	ویژگی‌ها: در دیدن اجسام نقش اساسی دارد، برای رشد گیاهان و عمل فتوسنتز نقش حیاتی دارد. کاربرد: در سیستم‌های مخابراتی (لیزر و تارهای نوری) مورد استفاده قرار می‌گیرد.
فروسرخ (IR) $100\text{μm} = 10^{-4}\text{m}$	خورشید، جسم‌های گرم و داغ	فیلم‌های مخصوص عکاسی	ویژگی: هنگامی که جذب می‌شود، پوست را گرم می‌کند. کاربرد: برای گرم کردن، برای فیلم برداری و عکاسی در مه و تاریکی، عکاسی IR توسط ماهواره‌ها
رادیویی 2m (VHF)	اجاق‌های مایکروویو، آنتن‌های رادیویی و تلویزیونی	رادیو و تلویزیون	کاربرد: در آنتیزی، رادیو، تلویزیون، مخابرات ماهواره‌ای و در رادارها برای آشکارسازی هواپیما، موشک و کشتی

شکل ۹-۶ گستره (طیف) موجهای الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد. این موج‌ها، طیف پیوسته‌ای را

تشکیل می‌دهند. با وجود تفاوت بسیار زیاد در بسامد، نحوه تولید و آشکارسازی آنها،

ماهیت و قانونهای حاکم بر همه آنها یکسان است.

پاسخ گزینه ۱ می‌باشد. مطالب فوق دقیقاً از کتاب درسی فیزیک چهارم ریاضی صفحه ۱۷۴

توجه: سرعت همه امواج الکترومغناطیس در خلأ یکسان می‌باشد ولی سرعت آنها در محیطهای شفاف پایکدیگر متفاوت می‌باشد.



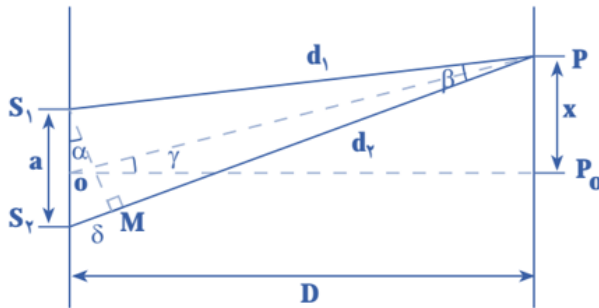
۱۹۶- در یک آزمایش یانگ، اختلاف فاصله دو شکاف نور از سومین نوار تاریک برابر ۱۵۰۰ نانومتر است. در این آزمایش، اختلاف فاصله دو شکاف نور از دومین نوار روشن چند نانومتر است؟

۱۸۰۰ (۴)

۱۶۰۰ (۳)

۱۲۰۰ (۲)

۸۰۰ (۱)



برای نوار تاریک

$$d_2 - d_1 = (2m - 1) \frac{\lambda}{2}$$

برای نوار روشن

$$d_2 - d_1 = n\lambda = 2n \frac{\lambda}{2}$$

$$\delta = S_2M = d_2 - d_1$$

$$\frac{\delta_{\text{تاریک}}}{\delta_{\text{روشن}}} = \frac{(2m - 1)}{2n} \Rightarrow \frac{1500}{\delta_{\text{روشن}}} = \frac{2 \times 3 - 1}{2 \times 2} = \frac{5}{4} \Rightarrow \delta_{\text{روشن}} = 1200 \text{ nm}$$

۱۹۷- در اتم هیدروژن انرژی پتانسیل الکترون در میدان الکتریکی هسته برابر کدام است؟ (r شعاع مدار الکترون و k ثابت قانون کولن است.)

$-\frac{ke^2}{r}$ (۴)

$\frac{ke^2}{r}$ (۳)

$-\frac{ke^2}{2r}$ (۲)

$\frac{ke^2}{2r}$ (۱)

انرژی پتانسیل الکترون در میدان الکتریکی هسته برابر $-\frac{ke^2}{r}$ است

جمله فوق دقیقاً از متن کتاب درسی فیزیک چهارم ریاضی صفحه ۲۰۹



۱۹۸- در یک آزمایش فوتوالکتریک، بلندترین طول موجی که بتواند از یک فلز، الکترون جدا کند، ۴۸۰ نانومتر است. به ازای چه طول موجی (برحسب نانومتر) ولتاژ قطع ۱/۵ ولت می‌شود؟

$$(C = 3 \times 10^8 \frac{m}{s} \text{ و } h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s})$$

۴۵۰ (۴)

۴۰۰ (۳)

۳۵۰ (۲)

۳۰۰ (۱)

بلندترین طول موجی که می‌تواند فوتوالکتریک کسپیل کند، همان طول موج قطع است که با این فوتون فوتوالکتریک جدا شده، انرژی جنبشی ندارد... بعبارتی تنها تابع کار را فراهم می‌کند...

$$\begin{cases} K_{max} = V_0 \text{ ev} \Rightarrow K_{max} = 1/5 \text{ ev} , & W_0 = \frac{hc}{\lambda_0} = \frac{1200}{480} = 2/5 \text{ ev} \\ K_{max} = E_{\text{فوتون}} - W_0 \Rightarrow E_{\text{فوتون}} = 4 \text{ ev} = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{1200}{4} = 300 \text{ nm} \end{cases}$$

۱۹۹- نیمه عمر یک ماده پرتوزا ۸ روز است. پس از ۳۲ روز چند درصد از هسته‌های آن ماده دچار واپاشی می‌شوند؟

۹۳/۷۵ (۴)

۸۲/۲۵ (۳)

۷۵ (۲)

۶۴ (۱)

رابطه‌های مربوط به نیمه‌عمر: اگر نیمه‌عمر یک ماده‌ی رادیواکتیو $T_{1/2}$ باشد، پس از گذشت زمان t ، تعداد نیمه‌عمرهای سپری‌شده از

$$n = \frac{t}{T_{1/2}} \text{ به دست می‌آید.}$$

اگر جرم اولیه‌ی ماده‌ی رادیواکتیو برابر m_0 باشد، پس از سپری شدن n نیمه‌عمر، جرم فعال باقی‌مانده از رابطه‌ی $m = \frac{m_0}{2^n}$ به دست می‌آید.

بدیهی است که جرم واپاشیده (Δm) از رابطه‌ی $\Delta m = m_0 - m$ به دست می‌آید. می‌توان به جای جرم ماده‌ی رادیواکتیو، رابطه‌ها را با تعداد

هسته‌های ماده‌ی رادیواکتیو به کار برد، مثلاً رابطه‌ی $m = \frac{m_0}{2^n}$ به صورت $N = \frac{N_0}{2^n}$ درمی‌آید که در این رابطه N تعداد هسته‌های فعال باقی‌مانده و N_0 تعداد هسته‌های فعال اولیه است.

$$n = \frac{32}{8} = 4$$

با توجه به مطلب فوق، از فرمول اولی تعداد نیمه‌عمرهای سپری‌شده را به دست می‌آوریم

$$N = \frac{N_0}{2^n} = \frac{N_0}{16} \Rightarrow \Delta N = N_0 - N = \frac{15}{16} N_0 \Rightarrow \frac{\Delta N}{N_0} \times 100 = \frac{15}{16} \times 100 = 93/75$$



۲۰۰- در فعل و انفعال هسته‌ای [مقدار انرژی + $X + {}^{127}_{56}\text{Ba} \rightarrow {}^{127}_{55}\text{Cs}$] اگر اختلاف جرم طرفین 110005 و هر واحد جرم اتمی معادل 1.7×10^{-27} کیلوگرم فرض شود، X کدام است و انرژی آزاد شده چند ژول است؟

$$(C = 3 \times 10^8 \frac{m}{s})$$

$$e^+ \text{ و } 5.1 \times 10^{-22} \text{ (۲)}$$

$$e^- \text{ و } 5.1 \times 10^{-22} \text{ (۱)}$$

$$e^+ \text{ و } 1.53 \times 10^{-13} \text{ (۴)}$$

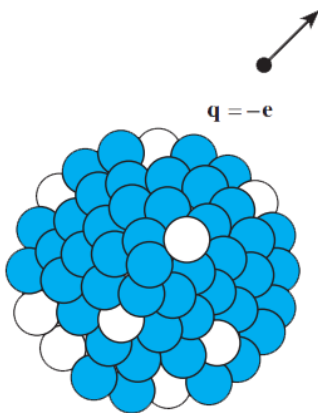
$$e^- \text{ و } 1.53 \times 10^{-13} \text{ (۳)}$$

در واپاشی بتا زای منفی (الکترون) طبق اصل پایستگی بار یک واحد به عدد اتمی افزوده می شود. با توجه به اینکه عدد اتمی هسته دختر در واپاشی داده شده یک واحد بیشتر است نسبت به هسته مادر بنابراین این نوع واپاشی بتا زای منفی می باشد.



طبق رابطه‌ی معروف هم انرژی جرم و انرژی اینشتین انرژی آزاد شده برابر است با:

$$\begin{cases} E = \Delta mc^2 \text{ و } \Delta m = 0.0011 \text{ u} = 1.1 \times 10^{-30} \text{ kg} \\ E = \Delta mc^2 = 1.1 \times 10^{-30} \times 9 \times 10^{16} = 1.1 \times 10^{-13} \text{ ژول} \end{cases}$$



گسیل بتا⁻

اگر نتوانید چیزی را به سادگی توضیح دهید،

به این معنی است که به اندازه کافی درکش نکرده‌اید.

آلبرت اینشتین

